# Dynamic Analysis of Wind Turbine Blade with the Rigid-Flexible Coupling Effect

#### Kaiqiang Gao, Zhiqiang Zhang

School of Civil Engineering, Southeast University, Nanjing Jiangsu Email: 664877717@qq.com, zzq1969@seu.edu.cn

Received: Mar. 2<sup>nd</sup>, 2018; accepted: Mar. 16<sup>th</sup>, 2018; published: Mar. 23<sup>rd</sup>, 2018

#### Abstract

To analyze the vibrational frequencies and dynamic response of wind turbine blade with wind loads, the zeroth-order approximation model was adopted and the centrifugal stiffening effect was included to derive the dynamic equation of the rotating blade. The formula of stiffness matrix and mass matrix was given in the paper. Finally, the vibrational frequency and wind-induced response of a blade were calculated. The results show that the rigid-flexible coupling effect has few effects on the out-plane stiffness of blade. The in-plane stiffness of blade, however, was affected by this effect. The centrifugal stiffening effect both strengthened the in-plane and out-plane stiffness of blade. The results of the paper have some reference value to the dynamic design of wind turbine blades.

#### **Keywords**

Dynamics of Blade, Rigid-Flexible Coupling Effect, Zeroth-Order Approximation Model, Centrifugal Stiffening Effect

# 考虑刚柔耦合效应的风力机叶片动力学分析

#### 高凯强,张志强

东南大学,土木工程学院,江苏 南京 Email: 664877717@qq.com, zzq1969@seu.edu.cn

收稿日期: 2018年3月2日; 录用日期: 2018年3月16日; 发布日期: 2018年3月23日

# 摘要

为了研究风力机叶片的固有频率以及随风动力响应,本文采用了刚 - 柔耦合中的零次近似模型,并考虑

**文章引用:**高凯强,张志强.考虑刚柔耦合效应的风力机叶片动力学分析[J].土木工程,2018,7(2):205-213. DOI: 10.12677/hjce.2018.72025

了离心刚化效应,推导了叶片在旋转时的动力学方程。并给出了叶片的刚度和质量矩阵的表达式。研究 了某风力机叶片在不同模型下的固有频率以及随风振动响应。研究表明,刚柔耦合效应对叶片的面内刚 度具有弱化作用,而对面外刚度无影响。而离心刚化效应则增强了叶片的面内外刚度。研究结果对风力 叶片的动力学设计具有一定参考价值。

## 关键词

叶片动力学,刚-柔耦合,零次近似模型,离心刚化

Copyright © 2018 by authors and Hans Publishers Inc.

This work is licensed under the Creative Commons Attribution International License (CC BY). http://creativecommons.org/licenses/by/4.0/

nttp://creativecommons.org/incenses/by

# CC O Open Access

# 1. 引言

叶片作为大型水平轴风力机的重要吸能部件,其动力学研究是风力机叶片设计的重要内容。叶片动 力学研究主要包括叶片的旋转固有频率研究以及叶片的随风振动响应分析。

在涉及风力机叶片固有频率的研究当中,Putter 等[1]采用了模态近似法研究了旋转梁的自振频率, Yoo 等[2]采用瑞利-里兹法研究了预弯叶片的旋转频率,Choi 等[3]在计算约束多体系统旋转的自振频率 时,根据多体系统理论,推导了运动方程,并将之线性化。李德源[4]与孙宝苍[5]等在研究风力机叶片的 模态时,采用了有限元方法并且考虑了离心刚化效应。信伟平[6]采用零次近似模型分析了叶片的旋转固 有频率时,并考虑了刚-柔耦合效应。而在涉及风力机叶片的随风振动分析中,柯世堂等[7] [8]利用有限 元软件建立了"叶片-塔架"耦合模型,进行了风力机的风振时域分析,并对风机关键部位的风振疲劳 寿命进行了预测研究。

本文将叶片等效为变截面悬臂梁来进行研究,采用柔性体刚 - 柔耦合理论中的零次近似理论来对叶 片进行分析,并考虑了叶片的离心刚化效应,研究了叶片的固有频率以及在风载下的动力响应。

# 2. 柔性梁的动力有限元方程

#### 2.1. 刚柔耦合建模理论

首先采用有限元方法对柔性梁进行离散,将柔性梁离散成 n 个单元,每个单元由两个节点 i 和 j,每 个节点具有 3 个平动自由度和 3 个转动自由度,单元 f 节点的位移向量可表示为:

$$\boldsymbol{u}_{f} = \left\{ u^{i}, v^{i}, w^{i}, \theta_{1}^{i}, \theta_{2}^{i}, \theta_{3}^{i}, u^{j}, v^{j}, w^{j}, \theta_{1}^{j}, \theta_{2}^{j}, \theta_{3}^{j} \right\}^{\mathrm{T}}$$
(1)

在右手螺旋坐标系下,不考虑剪切变形的影响,可以利用以下形函数矩阵来表示梁中线上的任一点 *k* 的位移和转角。

$$u_{k} = N_{1}(\xi_{k})u_{f}, v_{k} = N_{2}(\xi_{k})u_{f}, w_{k} = N_{3}(\xi_{k})u_{f},$$
  

$$\theta_{1k} = N_{4}(\xi_{k})u_{f}, \theta_{2k} = -\frac{\partial w_{k}}{\partial \xi} = -\frac{\partial N_{3}(\xi_{k})}{\partial \xi}u_{f}, \theta_{3k} = \frac{\partial w_{k}}{\partial \xi} = \frac{\partial N_{2}(\xi_{k})}{\partial \xi}u_{f}$$
(2)

其中,  $\xi_k$ 为单元坐标系下, 点 k 的纵坐标。设单元长度为 l, 则  $\xi_k = \frac{x_k - x_i}{x_j - x_i} = \frac{x_k - x_i}{l} \in (0,1)$ , 形函数矩阵

为:

$$N_{1} = [a_{1}, 0, 0, 0, 0, 0, a_{2}, 0, 0, 0, 0],$$

$$N_{2} = [0, b_{1}, 0, 0, 0, b_{2}, 0, b_{3}, 0, 0, 0, b_{4}],$$

$$N_{3} = [0, 0, b_{5}, 0, b_{6}, 0, 0, 0, b_{7}, 0, b_{8}, 0],$$

$$N_{4} = [0, 0, 0, a_{1}, 0, 0, 0, 0, a_{2}, 0, 0, 0],$$
(3)

其中:

$$a_{1} = 1 - \xi, a_{2} = \xi, b_{1} = 1 - 3\xi^{2} + 2\xi^{3},$$

$$b_{2} = l(\xi - 2\xi^{2} + \xi^{3}), b_{3} = 3\xi^{2} - 2\xi^{3},$$

$$b_{4} = l(-\xi^{2} + \xi^{3}), b_{5} = 1 - 3\xi^{2} + 2\xi^{3},$$

$$b_{6} = l(-\xi + 2\xi^{2} - \xi^{3}), b_{7} = 3\xi^{2} - 2\xi^{3},$$

$$b_{8} = l(2\xi^{2} - \xi^{3})$$
(4)

下面建立叶片的动力学方程,如图 1 所示, xyz 为惯性坐标系, x'y'z'为连体坐标系, z 轴和 z'轴平行, 连体坐标系原点固结在未变形的梁的一端上,连体坐标系绕 z 轴作定轴转动,角速度为  $\omega$ 。 $r_0$  为连体坐 标系原点关于惯性坐标系的矢径,模为 R。 $\rho_0$  为未变形时柔性梁非中线上任意一点 k 关于连体坐标系原 点的矢径,  $p_k$ 为连体坐标系下的变形位移矢量,则在惯性坐标系下,矢径 r 可表示为:

$$\boldsymbol{r} = \boldsymbol{r}_0 + \boldsymbol{A} \left( \boldsymbol{\rho}_0 + \boldsymbol{p}_k \right) \tag{5}$$

其中:

$$\boldsymbol{r}_{0} = \begin{bmatrix} R\cos\omega t, R\sin\omega t, 0 \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}, \boldsymbol{\rho}_{0} = \begin{bmatrix} x, y, z \end{bmatrix}^{\mathrm{T}} \\ A = \begin{bmatrix} \cos\omega t & -\sin\omega t & 0 \\ \cos\omega t & \cos\omega t & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
(6)  
$$\boldsymbol{p}_{k} = \begin{bmatrix} N_{1} - y\frac{\partial N_{2}}{\partial \xi} - z\frac{\partial N_{3}}{\partial \xi} \\ N_{2} - zN_{4} \\ N_{3} + yN_{4} \end{bmatrix} \boldsymbol{u}_{k}$$

式中, A 为连体坐标系关于惯性坐标系的方向余弦矩阵; uk 为 pk 所在单元的节点位移, 求导可得 k 点速



Figure 1. The beam rotates around a fixed axis 图 1. 柔性梁作定轴转动

度以及加速度在惯性坐标系下的表达式为[9]:

$$\boldsymbol{v}_{k} = \dot{\boldsymbol{r}} = \dot{\boldsymbol{r}}_{0} + A\tilde{\boldsymbol{\alpha}} (\boldsymbol{\rho}_{0} + \boldsymbol{p}_{k}) + A\dot{\boldsymbol{p}}_{k}$$

$$\boldsymbol{a}_{k} = \ddot{\boldsymbol{r}}_{0} + (\tilde{\boldsymbol{\alpha}}\boldsymbol{A} + \tilde{\boldsymbol{\alpha}}\tilde{\boldsymbol{\alpha}}\boldsymbol{A})(\boldsymbol{\rho}_{0} + \boldsymbol{p}_{k}) + 2\tilde{\boldsymbol{\alpha}}\boldsymbol{A}\dot{\boldsymbol{p}}_{k} + \boldsymbol{A}\ddot{\boldsymbol{p}}_{k}$$
(7)

其中: ()表示对时间求导;  $\tilde{\alpha}$  为反对称矩阵。

$$\tilde{\boldsymbol{\alpha}} = \begin{bmatrix} 0 & -\omega & 0 \\ \omega & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$
(8)

对于 k 点处的微元体 dv,利用 Kane 方程[10]:

$$\boldsymbol{f}^* + \boldsymbol{f} = \boldsymbol{0} \tag{9}$$

式中: f\*为微元体的广义惯性力:

$$\boldsymbol{f}^{*} = \left\{ \frac{\partial \boldsymbol{v}_{k}}{\partial \boldsymbol{u}} \right\}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{F}^{*}, \, \boldsymbol{F}^{*} = -\rho \cdot \boldsymbol{a}_{k} \mathrm{d} \boldsymbol{v}$$
(10)

其中, ρ为微元体的密度。

**f**为作用在微元体上的其他广义惯性力,应该包括该点的外力,弹性恢复力,阻尼力以及结构的内力。 最后推导得到梁的动力学方程为:

$$M\ddot{u} + C\dot{u} + Ku = Q \tag{11}$$

具体表达式见文献[10]。

## 2.2. 离心刚化效应

如图 2 所示,考虑叶片在 xy 平面内的弯曲,则微元在 x 轴方向上的长度改变可由下面式子给出[11]:

$$ds - dx = \sqrt{1 + \left(\frac{\partial V}{\partial x}\right)^2} dx - dx \approx \frac{1}{2} \left(\frac{\partial V}{\partial x}\right)^2 dx$$
(12)

则由于 xy 平面内弯曲而产生的离心力势能为:

$$U_{exy} = \frac{1}{2} \int_{0}^{L} F(x) \left(\frac{\partial V}{\partial x}\right)^{2} dx$$
(13)

其中: F(x)表示为距离梁端 x 处截面的离心力[12]:



 Figure 2. The bending of flexible beam in the xy plane

 2. 柔性梁在 xy 平面内弯曲

$$F(x) = \int_{x}^{L} \rho \omega^{2} (x+R) dV = \int_{x}^{L} \rho A(x) \omega^{2} (x+R) dx$$
(14)

同理由于 xz 平面内弯曲而产生的离心力势能为:

$$U_{exz} = \frac{1}{2} \int_{0}^{L} F(x) \left(\frac{\partial W}{\partial x}\right)^2 dx$$
(15)

所以总的离心力势能为:

$$U_{e} = \frac{1}{2} \int_{0}^{L} F(x) \left[ \left( \frac{\partial V}{\partial x} \right)^{2} + \left( \frac{\partial W}{\partial x} \right)^{2} \right] dx$$
(16)

已知离心惯性力势能 U<sub>e</sub>,可以采用最小势能原理来求出离心刚度矩阵 K<sub>e</sub> [13]。 离心刚度矩阵 K<sub>e</sub> 的表达式为:

$$\boldsymbol{K}_{e} = \int_{0}^{l_{1}} F\left(\boldsymbol{\xi}\right) \left( \frac{\partial \boldsymbol{N}_{2}^{\mathrm{T}}}{\partial \boldsymbol{\xi}} \frac{\partial \boldsymbol{N}_{2}}{\partial \boldsymbol{\xi}} + \frac{\partial \boldsymbol{N}_{3}^{\mathrm{T}}}{\partial \boldsymbol{\xi}} \frac{\partial \boldsymbol{N}_{3}}{\partial \boldsymbol{\xi}} \right) \mathrm{d}\boldsymbol{\xi} + \sum_{i=2}^{n} \int_{0}^{l_{i}} F\left(\boldsymbol{\xi} + \sum_{j=1}^{i-1} l_{j}\right) \left( \frac{\partial \boldsymbol{N}_{2}^{\mathrm{T}}}{\partial \boldsymbol{\xi}} \frac{\partial \boldsymbol{N}_{2}}{\partial \boldsymbol{\xi}} + \frac{\partial \boldsymbol{N}_{3}^{\mathrm{T}}}{\partial \boldsymbol{\xi}} \frac{\partial \boldsymbol{N}_{3}}{\partial \boldsymbol{\xi}} \right) \mathrm{d}\boldsymbol{\xi}$$

$$(17)$$

其中, l<sub>i</sub>为柔性梁第 j 个单元的长度。

### 3. 叶片的旋转固有频率分析

由式(11)可得叶片的特征方程为:

$$M\ddot{u} = \beta^2 K u \tag{18}$$

将叶片等效成变截面矩形梁,截面沿长度线性变化。且截面具有两个对称轴,则可以求得:

$$\boldsymbol{M} = \sum_{i=1}^{n} \rho \int_{v_i} N_1^{\mathrm{T}} N_1 + N_2^{\mathrm{T}} N_2 + N_3^{\mathrm{T}} N_3 + (y^2 + z^2) N_4^{\mathrm{T}} N_4 dV + \sum_{i=1}^{n} \rho \int_{v_i} y^2 \frac{\partial N_2^{\mathrm{T}}}{\partial \overline{x}} \frac{\partial N_2}{\partial \overline{x}} + z^2 \frac{\partial N_3^{\mathrm{T}}}{\partial \overline{x}} \frac{\partial N_3}{\partial \overline{x}} dV \boldsymbol{K} = \sum_{i=1}^{n} \boldsymbol{K}_{fi} + \boldsymbol{K}_d,$$
(19)  
$$\boldsymbol{K}_d = -\sum_{i=1}^{n} \omega^2 \int_{v_i} N_1^{\mathrm{T}} N_1 + N_2^{\mathrm{T}} N_2 + z^2 N_4^{\mathrm{T}} N_4 dV - \sum_{i=1}^{n} \omega^2 \int_{v_i} y^2 \frac{\partial N_2^{\mathrm{T}}}{\partial \overline{x}} \frac{\partial N_2}{\partial \overline{x}} + z^2 \frac{\partial N_3^{\mathrm{T}}}{\partial \overline{x}} \frac{\partial N_3}{\partial \overline{x}} dV$$

式中, $\rho$ 为叶片密度, $K_{fi}$ 为第*i*个梁单元的弹性刚度矩阵; $K_d$ 为零次近似模型中的附加刚度矩阵,它代表了叶片的刚柔耦合效应。

按照式(18)便可以计算叶片的旋转固有频率。此外,当考虑叶片的离心刚化效应时,还应将 **K**<sub>e</sub> 计入 总的刚度阵 **K** 当中。

某风力机叶片长度 30 m,叶片根部宽度 3 m,根部厚度 0.8 m,叶尖宽度 0.3 m,叶尖厚度 0.08 m,叶 片密度为 1900 kg/m<sup>3</sup>,展向弹性模量为 4.26×10<sup>10</sup> N/m<sup>2</sup>,剪切弹性模量为 5.5×10<sup>9</sup> N/m<sup>2</sup>。将叶片等效为变 截面矩形梁并忽略叶片的阻尼,计算叶片在不同情况下的固有频率,其结果主要如下面的表和图所示。

由表1以及图3和图4可以得出如下主要结论:

频率阶次模型	1	2	3	4	5
静止	1.39313	3.61156	5.21795	7.17583	12.27108
零次近似	1.39313	3.61155	5.19812	7.17582	12.27107
零次近似 + 离心刚化	1.69415	3.92603	5.28710	7.49386	12.59363
振型描述	z向1阶弯曲	z向2阶弯曲	y向1阶弯曲	z 向 3 阶弯曲	z向4阶弯曲

Table 1. Comparison of frequencies of blade when rotation speed and radius of hub were 2.856 rad/s and 3 m (unit: Hz) 表 1. 在转速为 2.856 rad/s, 轮毂半径为 3 m 时, 叶片的固有频率比较(单位: Hz)



Figure 3. The first natural frequency varied with the change of rotation speed





**Figure 4.** The first natural frequency varied with the change of radius of hub

图 4. 第1 阶固有频率随轮毂半径的变化

1) 在标准工况下,零次近似模型的1、2、4、5阶频率与静力模型几乎完全相同。而它的3阶频率比静力模型要小,此时叶片的1、2、4、5阶频率是z向(旋转面外)弯曲,3阶频率是y向(旋转面内)弯曲。则说明 K<sub>d</sub> 刚度阵对叶片旋转面内的刚度具有弱化作用,而对旋转面外的刚度影响微乎 其微。

2) 在标准工况下,零次近似 + 离心刚化模型的前 5 阶频率都要比静力和零次近似模型大,说明 *K<sub>e</sub>* 刚度阵对叶片旋转面内和面外都产生刚化作用,而且在面内盖过了 *K<sub>d</sub>* 矩阵弱化的影响。

3) 观察叶片频率随轮毂半径的变化可知,零次近似 + 离心刚化模型随着轮毂半径的增大而增大, 这是因为 K。矩阵的表达式与轮毂半径 R 有关,且轮毂半径越大,它们对叶片所起的刚化作用越强。而 Ka矩阵与轮毂半径无关,所以零次近似模型和静力模型相同。

4) 观察叶片频率随旋转角速度的变化可知,当角速度的增大至 30 rad/s 左右时,零次近似模型中 1 阶频率开始减小,这是因为叶片的 1 阶振型已由原来的 z 向弯曲变成 y 向弯曲,即由面外弯曲变为面内弯曲,其振动形态发生了改变。即随着角速度的增大,受到 K<sub>d</sub> 的影响,叶片的面内弯曲频率开始减小,当其值小于面外弯曲时,就变成了 1 阶频率。而且随着角速度的进一步增大,最后叶片的旋转固有频率减小为零,此时叶片在面内的弯曲变形已经发散。

## 4. 叶片随风动力响应分析

#### 4.1. 风荷载计算

作用于叶片的风荷载可分为顺风向荷载和垂直于风向上的荷载,本文仅考虑叶片顺风向的荷载。风 荷载由平均风速和脉动风速所产生,根据风压理论,风荷载可以表达为[14]:

$$f_w = \frac{1}{2} C_d \rho_{\text{air}} B \left( u_m + u_f \right)^2 \tag{20}$$

其中:  $C_d$ 为拖曳力系数,  $\rho_{air}$ 为空气密度,  $u_m$ 和  $u_f$ 中分别为叶片上的平均风速和脉动风速。B为风荷载作用面积。

$$u_m = V_h \left(\frac{r \cdot \sin\left(\omega_0 t\right) + h}{h}\right)^{\alpha}$$
(21)

其中:  $V_h$ 为轮毂中心处的风速;  $\omega_0$ 为叶片角速度; r为叶片上一点到轮毂中心的距离; h为轮毂中心的高度。

叶片的脉动风速采用谐波叠加法进行计算,请参考文献[15],此处不再赘述。

#### 4.2. 叶片随风振动分析

计算得到了叶片的风荷载之后,便可以进行叶片的风振响应研究。叶片的基本参数同上一节,其中, 叶片的拖曳力系数  $C_d$  [14]为 2,空气密度 1.25 kg/m<sup>3</sup>,叶片匀速转动的角速度为  $\omega_0$  = 1.988 rad/s,阻尼比 取 0.008。与风有关的参数为:轮毂中心高 65 m,该中心处的风速为 10.76 m/s,风廓线指数  $\alpha$  为 0.2,风 谱为 Von Karman 谱。

图 5 是叶片叶尖在不同模型下计算得到的随风响应时程结果。

由图5可以看出:

1) 零次近似模型和静力模型计算的结果基本一致,这是因为 K<sub>d</sub> 刚度阵只对旋转面内的刚度有影响。

2) 零次近似 + 离心刚化模型的 z 向位移相比静力模型要小,这说明 **K**<sub>e</sub>矩阵对叶片旋转面外的刚度 具有增强效果,能够降低叶片在随机风载作用下的位移。



Figure 5. The time history curves of wind-induced response of blade tip under different models 图 5. 不同模型下,叶尖的随风响应时程曲线

# 5. 结论

1) 叶片频率的研究表明, *K*<sub>d</sub>对叶片的旋转面内刚度产生软化作用,降低了叶片的振动频率,且易使得叶片在旋转面内的弯曲变形增大。当转速达到一定程度时,结构便遭到了破坏。而*K*<sub>e</sub>对叶片旋转面内和面外的刚度均具有增强效果,提高了结构的振动频率。

2) 叶片随风振动的分析表明,零次近似模型的计算结果和静力模型基本相同,而零次近似 + 离心 刚化模型的风振响应较前两者要小,说明了 K<sub>d</sub> 刚度矩阵对叶片的面外刚度不产生影响作用,而离心刚化 效应使叶片的面内外刚度都得到了增强,所以能够降低叶片在随机风载作用下的位移。因此,今后的叶 片风振响应分析当中(即垂直于平面的运动),可以不考虑 K<sub>d</sub>的影响,而叶片的离心刚化效应则需要加以 考虑。

# 基金项目

国家自然科学基金(51278106, 51438002),江苏省产学研前瞻性项目(BY2016076-11),论文编号是 2750499。

# 参考文献

- Putter, S. and Manor, H. (1978) Natural Frequencies of Radial Rotating Beams. *Journal of Sound and Vibration*, 56, 175-185. <u>https://doi.org/10.1016/S0022-460X(78)80013-3</u>
- [2] Yoo, H.H., Park, J.H. and Park, J.H. (2001) Vibration Analysis of Rotating Pre-Twisted Blades. Computers and Structures, 79, 1811-1819. <u>https://doi.org/10.1016/S0045-7949(01)00110-9</u>
- [3] Choi, D.H., Park, J.H. and Yoo, H.H. (2004) Modal Analysis of Constrained Multibody Systems Undergoing Rotational Motion. *Journal of Sound and Vibration*, 280, 63-76. <u>https://doi.org/10.1016/j.jsv.2003.12.011</u>
- [4] 李德源, 叶枝全, 包能胜, 等. 风力机旋转风轮振动模态分析[J]. 太阳能学报, 2004, 25(1): 72-77.
- [5] 孙保苍, 李鹏飞. 考虑应力刚化影响的风力机叶片振动模态分析[J]. 可再生能源, 2012, 30(5): 38-41.
- [6] 信伟平. 风力机旋转叶片动力特性及响应分析[D]: [硕士学位论文]. 汕头: 汕头大学, 2005.
- [7] 柯世堂, 曹九发, 王珑, 等. 风力机塔架-叶片耦合模型风致响应时域分析[J]. 湖南大学学报(自然科学版), 2014, 41(4): 87-93.
- [8] 柯世堂, 王同光, 胡丰, 等. 基于塔架-叶片耦合模型风力机全机风振疲劳分析[J]. 工程力学, 2015, 32(8): 36-41.
- [9] 洪嘉振. 计算多体系统动力学[M]. 北京: 高等教育出版社, 2003: 60-62.

- [10] 蹇开林, 殷学纲. 旋转梁的固有频率计算[J]. 重庆大学学报: 自然科学版, 2001, 24(6): 36-39.
- [11] 吴艳红. 旋转叶片刚柔耦合系统动力学研究[D]: [博士学位论文]. 哈尔滨: 哈尔滨工程大学, 2011.
- [12] Naguleswaran, S. (1994) Lateral Vibration of a Centrifugally Tensioned Uniform Euler-Bernoulli Beam. Journal of Sound and Vibration, 176, 613-624. <u>https://doi.org/10.1006/jsvi.1994.1402</u>
- [13] 王勖成. 有限单元法[M]. 北京: 清华大学出版社, 2003: 28-36.
- [14] Murtagh, P.J., Basu, B. and Broderick, B.M. (2005) Along-Wind Response of a Wind Turbine Tower with Blade Coupling Subject to Rotationally Sampled Wind Loading. *Engineering Structure*, 27, 1209-1219. <u>https://doi.org/10.1016/j.engstruct.2005.03.004</u>
- [15] 陈小波, 陈健云, 李静. 海上风力发电塔脉动风速程数值模拟[J]. 中国电机工程学报 2008, 28(32): 111-116.

![](_page_8_Picture_7.jpeg)

#### 知网检索的两种方式:

- 打开知网页面 <u>http://kns.cnki.net/kns/brief/result.aspx?dbPrefix=WWJD</u>下拉列表框选择: [ISSN],输入期刊 ISSN: 2326-3458,即可查询
   打开知网首页 <u>http://cnki.net/</u>
- 左侧"国际文献总库"进入,输入文章标题,即可查询

投稿请点击: <u>http://www.hanspub.org/Submission.aspx</u> 期刊邮箱: <u>hjce@hanspub.org</u>