一次关于龙卷的天气雷达识别技术研究

黄 严

南京信息工程大学大气物理学院, 江苏 南京

收稿日期: 2023年4月6日; 录用日期: 2023年6月20日; 发布日期: 2023年6月27日

摘要

龙卷是由空气对流运动造成的强烈的小范围涡旋,利用地基单偏振多普勒雷达以及双偏振雷达数据,使 用反射率因子Z_H和速度V,谱宽W之间的相关性,中气旋的识别算法叠加单体联合识别来对龙卷极端天 气进行识别。单体联合识别算法使用反射率因子Z_H,差分反射率Z_{DR}和差传播相位常数K_{DP},利用DBSCAN 聚类算法进行单体聚类。针对使用的阜宁龙卷雷达数据以及广州三水龙卷的雷达数据,识别结果表明, 单体联合识别能有效提高识别率,该识别方法对龙卷的预警有参考意义。

关键词

多普勒雷达,中气旋,龙卷,DBSCAN

A Research of Weather Radar Identification Techniques for Tornadoes

Yan Huang

School of Atmospheric Physical, Nanjing University of Information Science and Technology, Nanjing Jiangsu

Received: Apr. 6th, 2023; accepted: Jun. 20th, 2023; published: Jun. 27th, 2023

Abstract

Tornadoes are intense, small-scale vortices caused by convective air motion. Using ground-based single-polarization Doppler radar as well as dual-polarization radar data, a medium-cyclone identification algorithm overlaid with single-unit joint identification is used to identify tornado extremes using the correlation between the reflectivity factor Z_H and the velocity V, and the spectral width W. The single-unit joint identification algorithm uses the reflectivity factor Z_H , the differential reflectivity Z_{DR} and the differential propagation phase constant K_{DP} to perform single-unit clustering using the DBSCAN clustering algorithm. For the radar data of the Funing tornado used and the radar data of the Sanshui tornado in Guangzhou, the recognition results show that the sin-

gle-unit joint recognition can effectively improve the recognition rate, and the recognition method has reference significance for the early warning of tornadoes.

Keywords

Doppler Radar, Mesocyclone, Tornado, DBSCAN

Copyright © 2023 by author(s) and Hans Publishers Inc. This work is licensed under the Creative Commons Attribution International License (CC BY 4.0). http://creativecommons.org/licenses/by/4.0/

CC O Open Access

1. 引言

龙卷是地球大气中一种具有局地性、小尺度、突发性特征的强对流天气,是一种最为剧烈且最具有 破坏性的天气现象,世界范围内每年发生龙卷约为 2000 个,美国超过 1200 多个[1],中国的龙卷发生频 率约为美国十分之一[2],由于龙卷小尺度的对流系统瞬变信息复杂,预报预警难度大,往往造成极大的 人员伤亡和经济财产损失[3],因此,进行龙卷的有效识别是一个亟待解决的问题。

20世纪70年代,美国强风暴实验室第一次观测到龙卷的涡旋特征(TVS),并进一步发现相距900 m的两个距离库之间存在较大切变以及对应着区域内的最大正负速度值[4]。之后通过进一步实验及模拟验证了TVS验证龙卷发生的可行性[5]。20世纪80年代,使用 MDA 算法大大提升了涡旋识别[6],针对TVS阈值识别低探测率的问题,20世纪90年代,美国开发出一种新的龙卷识别方法(tornado detection algorithm, TDA),由此,龙卷识别范围由超级单体龙卷扩大至非超级单体龙卷[7]。进入21世纪,随着单偏振雷达的升级,双偏振雷达识别龙卷也有了长足的进展。Ryzhkov等发现在钩状回波区域,龙卷碎片特征对应的相关系数 CC (低于 0.8)及差分反射率 Z_{DR} (小于 0.5 dB)都很低[8],Umeyama 等根据龙卷中碎片和水凝物的速度的差异性,依靠双极化谱密度,识别出碎片和水凝物,最后将碎片产生的速度偏差滤除[9]。Suzuki [10]利用 KSR 雷达观测的数据,发现超级单体龙卷拥有 Z_{DR} 弧,Z_{DR}柱以及 K_{DP}柱的特征。在国内,戴建华等发现超级单体回波的有界弱回波区、回波悬垂、回波墙以及中气旋等典型特征[11]。郑永光等(2020)分析了 2019 年 7 月 3 日辽宁开原 EF4 级强龙卷的形成与消亡机制[12]。管理等(2022)基于经典概念模型和机器学习方法,开发了 K_{DP} 足和 Z_{DR} 弧的自动识别算法[13]。

上述工作表明,针对龙卷的识别,识别出中气旋,钩状回波、龙卷碎片、Z_{DR}弧、Z_{DR}柱、K_{DP}柱等 典型特征非常重要。本文提出在中气旋识别基础上,利用反射率因子 Z 和谱宽 W 及速度 V 之间的相关 性以及在体扫的低仰角区域依托具有垂直相关性的 Z_{DR}弧、K_{DP}足的特征,进而识别出龙卷的算法。针对 2016年6月23日阜宁以及 2016年5月9日广州三水地区的灾害性天气过程,进行龙卷识别结果的验证。

2. 资料选取

本文选取 2016 年 6 月 23 日阜宁地区以及 2016 年 5 月 9 日广州三水地区的灾害性天气过程, 雷达资料分别是盐城 S 波段单偏振雷达以及广州 S 波段双偏振雷达, 分辨率为 0.25 km, 0.25 km, 时间分辨率皆为 6 min。

3. 识别方法

针对单偏振雷达龙卷识别, Basedon Burgessand Magsig's 指出,龙卷发生区域内,反射率因子 Z 和谱

宽 W 及速度 V 之间存在负相关性[14],但在实际中,单偏振雷达准确识别龙卷发生区域很难,故扩大识别范围,在龙卷发生区域周围,往往反射率因子 Z 和谱宽 W 及速度 V 之间存在正相关性,利用这一特性,叠加中气旋识别算法,识别出龙卷。针对双偏振雷达,识别龙卷分为三步。第一步进行中气旋的识别。第二步进行强 Z_H单体,强 K_{DP}单体,强 Z_{DR}单体的识别,第三步进行质心计算,确认龙卷发生区域。

3.1. 指标相关性(ZH, V, W)

龙卷发生区域附近,具有较大的反射率因子,速度以及谱宽。且反射率因子和谱宽 W 以及速度 V 之间存在正相关性。具体方法如下:

选取 5*5 的模板,在该模板范围内,速度 V 平均值需满足-5 m/s 至 5 m/s 之间,速度 V 绝对值均值 需大于 15 m/s,反射率因子 Z 均值需大于 30 dBZ,谱宽 W 均值需大于 3 m/s。ZW, ZV 的相关性公式如下:

$$P_{ZW} = \frac{1}{N} \sum_{i}^{i-N} \left(Z_i - \overline{Z} \right) \left(W_i - \overline{W} \right)$$
(1)

$$P_{ZV} = \frac{1}{N} \sum_{i}^{i-N} \left(Z_i - \overline{Z} \right) \left(V_i - \overline{V} \right)$$
⁽²⁾

选取反射率因子,速度,速度绝对值满足条件的以及相关性 *P_{zw}*,*P_{zv}均大于*0的区域,作为龙卷待选择地,之后进行中气旋的识别。

3.2. 中气旋识别

龙卷发生时,龙卷形成的涡旋接近几公里甚至十几公里,回波图上会有明显正负速度对,即 TVS (龙 卷涡旋特征)。具体算法如下:

首先进行一维旋转风矢量的提取,对低层仰角同一距离圈内的速度 V进行筛选,保留速度连续增长的部分,储存元素分别有初始方位角 Φ_b ,结束时的方位角 Φ_e ,起始径向速度 V_b ,结束径向速度 V_e ,以及距雷达的距离 r。之后进行三次测试,前两次须满足的公式如下:

$$\left(V_e - V_b\right) \times r \times \left(\Phi_e - \Phi_b\right) > 50 \tag{3}$$

$$\frac{\left(V_e - V_b\right)}{r \times \left(\Phi_e - \Phi_b\right)} > 2 \tag{4}$$

第一次测试筛选出与切变有关的区域,所计算的角动量必须大于最低多普勒角动量阈值(50 ms⁻¹·km), 第二次测试筛选出大于背景切变值 2 × 10⁻³ s⁻¹的旋转风矢量,第三次测试分为两步,首先将第一次测试 计算得到的旋转风矢量的角动量与高角动量阈值 H_m (缺省值 150 ms⁻¹·km)比较,若大于则保留;若小于 则将其与 H_s (缺省值 4 ms⁻¹·km⁻¹)比较,若大于即可保存该旋转风矢量,进行下一步处理。

对保留下来的一维旋转风矢量,进行二维特征的合并,计算每个旋转风矢量的质心,判断相邻风矢量的质心距离 *I_r* (缺省值 1 km)是否在 1 km 之内,同时判断相邻方位角之差是否在 *I_{az}* (缺省值 2.2°)之内,若两者都满足,则合并成一个二维特征,并不断重复该过程,得到多个风矢量组成的二维特征。对每组二维特征进行筛选,若二维特征存在大于等于 4 个的一维风矢量,则将其保留。将保留下来的二维特征所对应的反射率因子进行反射率因子阈值筛选,剔除小于等于 15 dBZ 的数据,减少噪声及旁瓣回波的干扰。

最后计算二维特征的切变,计算公式如下:

$$Shear = \frac{V_{+\max} - V_{-\min}}{\Delta D}$$
(5)

若切变大于 15 ms⁻¹·km⁻¹,则判定为潜在 TVS,再做垂直相关性分析,若有垂直相关特征,则将其 判定为龙卷风。若切变阈值不能满足,则进行下一步单体联合识别。

3.3. 单体联合识别

单体联合识别涉及雷达反射率因子 Z_H,差传播相位常数 K_{DP}和差分反射率 Z_{DR}。首先对三种数据进行线性插值处理。最低层仰角的三种数据全部插值到 300 × 300 (km)规则网格上,网格精度为 0.25 × 0.25 (km),之后使用 DBSCAN 聚类算法进行聚类。

基于 DBSCAN 聚类算法的单体识别

在灾害性天气环境下,Z_H,K_{DP}等强单体数量未知,目标单体个数难以确定,相较于需要确定个数的 K-Means 聚类算法,DBSCAN 算法是一种基于密度的聚类算法,无需确定个数,只需要输入搜索半径 eps 以及最少可达目标数 minPoints。其次,算法对于离群点的识别也能减小杂波的影响。

DBSCAN 算法首先在数据集中任选一个初始点划分到集群 1,然后统计该点搜索半径 eps 范围内点的个数,若大于最少可达目标数 minPoints,就保留,并将所有邻域内的点分配到集群 1。然后,针对该集群内的其他点,重复搜寻该点搜索半径 eps 内点的操作并统计个数,若个数大于最少可达目标数 minPoints,则将这些点拓展到集群 1 中,以此类推,直到集群 1 无法扩充为止。之后在集群 1 外围选取任意一点放入集群 2,重复前述操作,直到数据集中的所有点都被分配到某个集群或者是杂波中。

针对反射率因子 Z_H,以平均强度超过 45 dBz 和单体面积超过 20 km²两个约束条件进行单体的识别,即 DBSCAN 聚类算法的参数 eps(半径)设置为 0.5 km,minPoints (最少个数)设置为 320。针对差传播相位常数 K_{DP},在对应 Z_H大于 35 dBz 的部分,以大于 1.5°/km、单体面积大于 2 km² 作为约束条件识别强单体,即 DBSCAN 聚类算法的参数 eps (半径)设置为 0.5 km,minPoints (最少个数)设置为 32,针对 Z_{DR},使用 DBSCAN 聚类算法进行聚类,针对大于 3 dB 的部分,以面积大于 1km² 作为约束条件识别强单体,即 DBSCAN 聚类算法的参数 eps (半径)设置为 0.5 km,minPoints (最少个数)设置为 16。为避免近地面层地物回波的干扰,还需引入 Z_{DR}单体平均 CC 大于 0.88 的补充约束条件。若强 Z_H单体与强 Z_{DR}单体的质心距离小于 15 km,则识别强单体为 Z_{DR} 弧。

对于处理完毕的 K_{DP} 足和 Z_{DR} 弧,对其相邻仰角数据进行同样方法处理,确保 K_{DP} 足以及 Z_{DR} 弧存 在垂直结构,之后计算识别出的中气旋,K_{DP} 足和 Z_{DR} 弧的质心距离,若质心间距小于 5 公里,则将质心 连线的中心处识别为龙卷发生地。

4. 案例分析

4.1. 阜宁龙卷 - 盐城 S 波段单偏振雷达

2016 年 6 月 23 日,江苏省盐城市阜宁县出现了一次强对流天气,在涡旋系统的影响下,江苏省阜 宁市出现了雷暴,冰雹,大风等灾害性天气。本文采用盐城 SA 波段单偏振雷达观测数据,选取时间范 围在 2016 年 6 月 23 日 5 时 12 分至 2016 年 6 月 23 日 7 时 0 分内的雷达资料,该部分雷达数据距离分辨 率为 0.25 km,时间分辨率为 6 min。图 1 中,图 1(a)是 0.5°仰角上 6:26:10 的反射率因子图,强雷暴中心 位于雷达中心西北部 55 km 处,有明显的钩状回波,钩状回波凹形中心的最大反射率因子超过 60 dBZ, 沿着钩状边缘线凹处有明显的弱回波区域。该处对应的同时段的速度如图 1(b)所示,该处有明显的涡旋 结构,从速度色值上看出,正负速度对的风速相差巨大,判断该处有剧烈的大风灾害。



Figure 1. (a) Radar reflectivity factor (ZH) plot of SA-band single-polarization radar in Yancheng on June 23, 2016 at 06:26; (b) Velocity (V) plot of SA-band single-polarization radar in Yancheng on June 23, 2016 at 06:26 图 1. (a) 盐城 SA 波段单偏振雷达 2016 年 6 月 23 日 6 时 26 分的雷达反射率因子(ZH)图; (b) 盐城 SA 波段单偏振雷 达 2016 年 6 月 23 日 6 时 26 分的速度(V)图

对此次数据进行中气旋的识别,图 2 是识别出的中气旋结果图:该处的风切变高达 21.36 ms⁻¹·km⁻¹, 大于 15 ms⁻¹·km⁻¹,识别为 TVS,并对其进行垂直相关性分析,1.45°仰角上识别出的 TVS 质心位置与仰 角 0.5°上识别出的 TVS 质心位置距离相差 3.57 km,具有垂直特征结构,该处识别为龙卷发生地。



single-polarization radar in Yancheng at 06:26 on June 23, 2016 **图 2.** 盐城 SA 波段单偏振雷达 2016 年 6 月 23 日 6 时 26 分的中气旋识别图

对连续时间段的数据进行龙卷的中气旋识别,最终识别出在 6:26 分和 6:48 分出现具有垂直结构的中

气旋,结合 ZV, ZW 相关性识别出来的区域,识别结果一致,将其判断为龙卷,图 3 为 6:26 分用指标相 关性识别出来的区域,表1显示了两种方法在不同时间段的识别情况。

Table	1. Identification judgments of different time periods using indicator correlation and mesocyclone identification	n
表 1.	利用指标相关性和中气旋识别对不同时间段的识别判断	

	6:20	6:26	6:31	6:37	6:43	6:48
ZW, ZV 相关性 >0	存在	存在	存在	存在	存在	存在
中尺度气旋		存在				存在



Figure 3. Identified regions using indicator correlation 图 3. 利用指标相关性识别出的区域

4.2. 三水龙卷 - 广东佛山 S 波段双偏振雷达

2016年5月9日,广州三水范围内出现了一次强对流天气,本文采用广州S波段双偏振雷达观测数据,选取时间范围在2016.5.97:30~2019.5.910:48内的雷达资料,该部分雷达数据距离分辨率为0.25km,时间分辨率为6min。图4中,图4(a)是0.51°仰角上9:00的反射率因子图,强雷暴中心位于雷达站西北部75km处,形状为钩状回波,中心区域的反射率因子大于60dBZ,周围强回波向东北延伸,呈带状分布,图4(b)是0.51°仰角上9:00的速度图,径向速度反映出偏西风气流,西北部75km处以及北部100km处具有一些蜗旋特征,系统有发展潜力。图4(c)是0.51°仰角上9:00的差分反射率Z_{DR}图,图4(d)是0.51°仰角上9:00的差传播相位常数K_{DP}图:



Figure 4. S-band dual polarization radar reflectivity factor (a) plot, velocity (b) plot, differential reflectivity (c) plot, differential propagation phase constant (d) plot in Guangzhou on May 9, 2016 图 4. 2016 年 5 月 9 日广州 S 波段双偏振雷达反射率因子(a)图,速度(b)图,差分反射率(c)图,差传播相位常数(d)图

在图 4 速度(b)图中明显看到在方位角 340°方向,100 km 处以及西北部 75 km 处有正负速度对,且核 心区域对应的反射率因子超过 60 dBZ,对速度数据进行中气旋识别并展示 TVS (龙卷涡旋特征):



Figure 5. Results of medium cyclone identification algorithm 图 5. 中气旋识别算法结果

根据中气旋识别算法,图 5 识别出在雷达正北方向 100 km 处两侧,方位角 315°方向,75 km 处及方 位角 290°, 100 km 处存在中气旋,由于中气旋识别算法算出的切速度小于 15 ms⁻¹·km⁻¹,需要进行下一 步单体联合识别:



Time: 2016-05-09, 09:00:33, 1 [UTC]

Figure 6. Single-unit joint identification map (yellow markers are tornado areas) 图 6. 单体联合识别图(黄色标记为龙卷区域)

根据进一步的单体联合识别显示,如图 6 在黄色标记(-45.27, 58.08) km 处,即方位角 319°方向,78 km 处有龙卷发生,该处位于强Z,强Kpp,强Zpg交界处,接下来对过该处的径向及相邻径向进行剖面分析。

图 7(a)中反映出在 78 km 处,有单体生成,40 dBZ 回波顶高高达 8 km,6 km 高度处出现大于 70 dBZ 的强反射率。图 7(b)中 78 km 处有高达四公里的强速度垂直区域,与反射率因子 60 dBZ 区域相对应。在 该径向两侧,即图 7(c)和图 7(d)中,同 78 km 处,出现强 Z_{DR}柱及 K_{DP}柱。该特征是由于龙卷内部的粒 子分选机制造成的,通过四处径向的分析,判断方位角 319°方向,78 km 应为龙卷的发生地。

黄严



Figure 7. (a) Radial profile of the reflectivity factor at azimuth 319.8°, (b) radial profile of the velocity at azimuth 318.6°, (c) radial profile of the differential reflectivity (ZDR) at azimuth 317.6°, and (d) radial profile of the differential propagation phase constant KDP

图 7. (a) 方位角 319.8°的反射率因子径向剖面图, (b) 方位角 318.6°速度径向剖面图, (c) 方位角 317.6°的差分反射率 (ZDR)径向剖面图, (d) 差传播相位常数 KDP 的径向剖面图

4.3. 识别效果评估

针对灾害的识别效果评估,给出四个指标,分别是临界成功指数 ICS,命中率 RH,漏报率 RM 和虚 警率 RFA,其对应的计算方式如(6)式所示:

$$I_{CS} = \frac{x}{x+y+z}, \ R_{H} = \frac{x}{x+y}, \ R_{M} = \frac{y}{x+y}, \ R_{EA} = \frac{z}{x+z}$$
 (6)

上式中, *x* 为灾害案例中识别成功的样本个数, *y* 为实际存在气象灾害但未识别出来的样本个数, *z* 为识别出灾害但实际并未发生的样本个数。

在本次龙卷识别实验中,三水龙卷案例的临界成功指数和命中率为 0.67,漏报率为 0.33,阜宁龙卷 案例的临界成功指数为 0.36,漏报率为 0.64,见表 2,三水龙卷案例的龙卷识别效果明显优于阜宁龙卷 案例,证明在识别出中气旋的基础上,引入双偏振参量进行龙卷的识别能够较大提高龙卷的识别预警率。 总的来说,本次龙卷识别实验的临界成功指数和命中率为 0.5,漏报率为 0.5,未来算法仍需改进。

黄严

雷达	识别目标	识别总数 (x)	发生未识 别出(y)	误识别(z)	临界成功 指数(ICS)	命中率 (RH)	漏报率 (RM)	虚警率 (RFA)			
阜宁(单)	龙卷	4	7	0	0.36	0.36	0.64	0.00			
三水(双)	龙卷	6	3	0	0.67	0.67	0.33	0.00			
总	龙卷	10	10	0	0.50	0.50	0.50	0.00			

Table 2. Tornado identification effect evaluation table 表 2. 龙卷识别效果评估表

5. 结论与讨论

本文研究了分别利用单偏振以及双偏振雷达数据基于 ZV、ZW 的相关性,中气旋识别算法叠加 DBSCAN 聚类算法的龙卷识别方法,并通过江苏阜宁的一次强对流天气过程以及广东三水地区的一次龙 卷实例验证了该识别方法的有效性。

1) 目前,对于龙卷的识别比较艰难,很难找到准确的识别方法,因此将传统的中气旋识别算法叠加 双偏振参量算法能够提高识别准确率。

2) 对于龙卷灾害性天气而言, Z_{DR} 弧具有警示作用,该特征在龙卷发生前 10~15 分钟发生,持续至 龙卷结束,因此,对 Z_{DR} 弧的识别能够提前预警龙卷。同时, K_{DP} 足和 Z_{DR} 弧的识别能够较好表征低层入 流强度和切变的情况。

3) 对于 DBSCAN 聚类算法,该算法能够很好的识别单体并且不用提前设置单体数量,同时,任意 形态的单体都能识别出来,这对于 Z_{DR} 弧,带状 Z_H单体具有很好的识别作用。

但本文仍有一些不足,1)本文使用个例较少,该方法是否具有普适应性还有待考证。2)垂直相关的方法还可以进一步改进。3)本文使用的 Z_{DR} 数据并未进行预处理,未来可根据实际情况探究是否需要对该数据进行预处理。

参考文献

- Brooks, H.E., Lee, J.W. and Craven, J.P. (2003) The Spatial Distribution of Severe Thunderstorm and Tornado Environments from Global Reanalysis Data. *Atmospheric Research*, 67-68, 73-94. https://doi.org/10.1016/S0169-8095(03)00045-0
- [2] 范雯杰, 俞小鼎. 中国龙卷的时空分布特征[J]. 气象, 2015, 41(7): 793-805.
- [3] 杜康云, 顾光芹, 许启慧, 等. 京津冀区域龙卷风灾害特征分析[J]. 气象科技, 2019, 47(1): 140-146.
- [4] Burgess, D.W., Lemon, L.R. and Brown, R.A. (2013) Tornado Characteristics Revealed by Doppler Radar. *Geophysical Research Letters*, **2**, 183-184. <u>https://doi.org/10.1029/GL002i005p00183</u>
- [5] Brown, R.A., Lemon, L.R. and Burgess, D.W. (1978) Tornadodetection by Pulsed Doppler Radar. *Monthly Weather Review*, 106, 29-38. <u>https://doi.org/10.1175/1520-0493(1978)106%3C0029:TDBPDR%3E2.0.CO;2</u>
- [6] Stumpf, G.J., Witt, A., Mitchell, D.W., et al. (1997) The National Severe Storms Laboratory Mesocyclone Detection Algorithm for the WSR-88D. Weather and Forecasting, 13, 304-326. https://doi.org/10.1175/1520-0434(1998)013%3C0304:TNSSLM%3E2.0.CO;2
- [7] Wakimoto, R.M. and Wilson, J.W. (1989) Non-Supercell Tornadoes. *Monthly Weather Review*, **117**, No. 6. <u>https://doi.org/10.1175/1520-0493(1989)117%3C1113:NST%3E2.0.CO;2</u>
- [8] Ryzhkov, A.V., Schuur, T.J., Burgess, D.W., et al. (2005) Polarimetric Tornado Detection. Journal of Applied Meteorology, 44, 557-570. <u>https://doi.org/10.1175/JAM2235.1</u>
- [9] Umeyama, A.Y., Torres, S.M. and Cheong, B.L. (2017) Bootstrap Dual-Polarimetric Spectral Density Estimator. *IEEE Transactions on Geoscience & Remote Sensing*, **55**, 2299-2312. <u>https://doi.org/10.1109/TGRS.2016.2641385</u>
- [10] Suzuki, S.I., Maesaka, T., Iwanami, K., *et al.* (2017) X-Band Dual-Polarization Radar Observations of the Supercell Storm that Generated an F3 Tornado on 6 May 2012 in Ibaraki Prefecture, Japan. *Journal of the Meteorological Socie*-

ty of Japan, 96, 25-33. https://doi.org/10.2151/jmsj.2017-019

- [11] 戴建华,陶岚,丁杨,等.一次罕见飑前强降雹超级单体风暴特征分析[J]. 气象学报, 2012, 70(4): 609-627.
- [12] 郑永光, 唐文苑, 周晓敏, 等. 2019年7月3日辽宁开原EF4级强龙卷形成条件, 演变特征和机理[J]. 气象, 2020, 46(5): 589-602.
- [13] 管理, 戴建华, 袁招洪, 等. 双偏振雷达 KDP 足及 ZDR 弧的自动识别及应用研究[J]. 气象学报, 2022, 80(4): 578-591.
- [14] Burgess, D.W. and Magsig, M.A. (1998) Recent Observations of Tornado Development at Near Range to WSR88D Radars. 19th Conference on Severe Local Storms, American Meteorological Society, 756-759.