Study on Sliding Mode Control Method of the Fixed-Wing Unmanned Aerial Vehicle

Xinglong Shi, Lifeng Wang

Institute of Electrical and Control Engineering, North China University of Technology, Beijing Email: 770919701@qq.com, lifeng_wang@ncut.edu.cn

Received: Jul. 5th, 2016; accepted: Jul. 24th, 2016; published: Jul. 27th, 2016

Copyright © 2016 by authors and Hans Publishers Inc. This work is licensed under the Creative Commons Attribution International License (CC BY). <u>http://creativecommons.org/licenses/by/4.0/</u> Open Access

Abstract

Aiming at improving the robustness of the tracking system, an adaptive sliding mode controller on the fixed wing unmanned aerial vehicle (UAV) trajectory tracking control problem is suggested. After introducing the establishment of the fixed-wing unmanned aerial vehicle mathematical model, the trajectory tracking control model is analyzed. The sliding mode control technology is applied into UAV trajectory tracking control model, and the robustness of the system is improved through Lyapunov theory, Finally, it's feasibility that is tested through modeling and simulation experiments in MATLAB.

Keywords

Fixed-Wing Unmanned Aerial Vehicle, Sliding Mode Control, Trajectory Tracking, Modeling and Simulation

固定翼无人机的滑模控制方法研究

史兴隆,王立峰

北方工业大学电气与控制工程学院,北京 Email: 770919701@qq.com, lifeng_wang@ncut.edu.cn

收稿日期: 2016年7月5日; 录用日期: 2016年7月24日; 发布日期: 2016年7月27日

摘要

在研究固定翼无人机的轨迹跟踪控制问题时,为提高跟踪系统鲁棒性,设计了一款滑模控制器。在建立 固定翼无人机数学模型后,对固定翼轨迹跟踪控制的模型进行分析.并将滑模变结构控制应用到固定翼 无人机的轨迹跟踪控制中,通过Lyapunov理论证明系统的稳定性,最后在MATLAB环境中,通过建模仿 真数值试验验证方法可行性。

关键词

固定翼无人机,滑模控制,轨迹跟踪,建模仿真

1. 引言

无人机的发展引起了当今世界各个领域的极大兴趣,无论是在军事还是在民事领域,无人机对其的 发展都起到了极大的推动作用。尤其固定翼无人机,凭借其能够快速起飞,快速飞行,自主起飞和着陆 等飞行优点使其在森林防火,地质勘察各方面都有广泛的应用。但是受到其自身复杂动力学特性和外界 扰动的影响,使其具有高度的非线性,强耦合性以及模型参数不确定性等特点。所以,实现对固定翼 UAV 的准确控制,提高控制器的鲁棒性成为了一个关键而且具有挑战性的问题。

随着无人机发展的热潮,人们不断的将各种控制方法运用到无人机领域,文献[1]-[3]将自适应控制逆 方法运用到四旋翼飞行控制中,为系统提供自适应动态矢量,并在线估计补偿四旋翼机器人的模型逆误 差,从而提高轨迹跟踪的精度。文献[4]将自适应反步法技术应用到 F-16 轨迹控制技术上,基于李雅普方 程的四个反馈回路的反步法方法来确保系统控制的稳定性。文献[5]介绍设计了两种状态观测器 SMO (sliding-mode observer)和 NESO (nonlinear extended state observer)在固定翼飞行器平台上将 PD 控制器用 于观测器的状态反馈信号输出,来分析固定翼机的俯仰,偏航,翻滚三个运动状态。文献[6]设计了一款 反步法滑模控制器,提高控制器的鲁棒性,在通过两阶滑模控制来消除标准一阶滑模带来的自然抖振。 文献[7]-[9]针对四旋翼飞行器设计了自适应滑模控制器,利用自适应动态变量来抵消系统的扰动误差,实现系统的稳定性。

本文针对固定翼无人机的轨迹跟踪问题,设计了一款滑模控制器来减小系统的跟踪误差,提高系统 的鲁棒性。在固定翼数学模型建立的基础上,分析固定翼无人机的轨迹跟踪模型,利用滑模控制来使系 统达到稳定跟踪的目的。并通过 Lyapunov 来证明系统的稳定性,最后在 MATLAB 下进行固定翼轨迹跟 踪控制的仿真模拟。

2. 固定翼动力学模型

假设在惯性空间里,地球表面是水平并且静止的,并假设固定翼无人机是均匀的刚体,质量和其分 布不会发生变化,为无人机的建模选择合适的地面坐标系和体坐标系,坐标系建立如图1。

以固定翼无人机坐标系为基础,建立固定翼无人机的数学模型,首先由牛顿-欧拉的刚体动力学方程 可以得到机体沿 x, y, z 轴的线速度状态方程

$$\dot{u} = rv - qw + \frac{\overline{qS}}{m}C_X - g\sin\theta + \frac{T}{m}$$
(1)

$$\dot{v} = pw - ru + \frac{\bar{q}S}{m}C_{\gamma} - g\cos\theta\sin\phi$$
⁽²⁾



$$\dot{w} = qu - pv + \frac{\overline{qS}}{m}C_Z - g\cos\theta\cos\phi$$
(3)

和沿x, y, z方向的力矩方程

$$\dot{p} - \frac{I_{xz}}{I_{xx}} \dot{r} = \frac{\overline{q}Sb}{I_{xx}} c_l - \frac{I_{zz} - I_{yy}}{I_{xx}} qr + \frac{I_{xz}}{I_{xx}} qp$$
(4)

$$\dot{q} = \frac{\overline{q}S\overline{c}}{I_{yy}}c_m - \frac{I_{xx} - I_{yy}}{I_{yy}}pr - \frac{I_{xz}}{I_{yy}}(p^2 - r^2) + \frac{I_p}{I_{yy}}\omega_p r$$
(5)

$$\dot{r} - \frac{I_{xz}}{I_{zz}} \dot{p} = \frac{\overline{q}Sb}{I_{zz}} c_n - \frac{I_{yy} - I_{xx}}{I_{zz}} pq - \frac{I_{xz}}{I_{zz}} qr - \frac{I_p}{I_{zz}} \omega_p q$$
(6)

其中 u, v, w 是机体线速度, p, q, r 是机体的角速度, θ , ϕ , ψ 是姿态角, \overline{q} (Pa)是动态压强, C_x , C_y , C_z 是动力强度因数, ω_p 是螺旋桨转动角速度, I_{xx} , I_{yy} , I_{zz} , I_{xz} 和 I_p 是飞机和动力系统惯性力矩因数, c_l , c_m , c_n 是无量纲力矩因数[10]。 C_x , C_y , C_z 动力强度因数关系如下:

$$C_{X} = C_{L} \sin \alpha - C_{D} \cos \alpha \tag{7}$$

$$C_Z = -C_D \sin \alpha - C_L \cos \alpha \tag{8}$$

$$C_{Y} = C_{Y_{\beta}}\beta + C_{Y_{\delta r}}\delta r + \frac{b}{2V_{a}}\left(C_{Y_{p}}p + C_{Y_{r}}r\right)$$
(9)

 α , β 是飞机的攻角和侧滑角, c_l , c_m , c_n 是无量纲力矩因数关系表示如下:

$$c_{l} = c_{l_{\beta}} + c_{l_{\delta a}} \delta a + c_{l_{\delta r}} \delta r + \frac{b}{2V_{a}} \left(cl_{p} p + cl_{r} r \right)$$
(10)

$$c_m = c_{m_0} + c_{m_\alpha} \alpha + c_{m_{\delta e}} \delta e + \frac{\overline{c}}{2V_a} \left(c_{m_{\dot{\alpha}}} \dot{\alpha} + c_{m_q} q \right)$$
(11)

$$c_n = c_{n_\beta}\beta + c_{n_{\delta a}}\delta a + c_{n_{\delta r}}\delta r + \frac{b}{2V_a} \left(c_{n_p} p + c_{n_r} r \right)$$
(12)

 δ_a , δ_e , δ_r , δ_r 副翼, 升降, 油门, 尾翼的控制输入。 将固定翼机器人进行坐标转换, 可得到地面坐标系下的角速度和速度方程如下:

$$\begin{bmatrix} \dot{\phi} \\ \dot{\theta} \\ \dot{\psi} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & \sin\phi \tan\theta & \cos\phi \tan\theta \\ 0 & \cos\phi & -\sin\phi \\ 0 & \sin\phi/\cos\theta & \cos\phi/\cos\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} p \\ q \\ r \end{bmatrix}$$
(13)
$$\begin{bmatrix} \dot{x} \\ \dot{y} \\ \dot{z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos\theta \cos\psi & -\cos\phi \sin\psi + \sin\phi \sin\theta \cos\psi & \sin\phi \sin\psi + \cos\phi \sin\theta \cos\psi \\ \cos\theta \sin\psi & \cos\phi \cos\psi + \sin\phi \sin\theta \sin\psi & -\sin\phi \cos\psi + \cos\phi \sin\theta \sin\psi \\ -\sin\theta & \sin\phi \cos\theta & \cos\phi \cos\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u \\ v \\ w \end{bmatrix}$$
(14)

其中 $[\phi \ \theta \ \psi]^{T}$ 代表机体在地面坐标系下的滚转角、俯仰角和偏航角, $[x \ y \ z]^{T}$ 代表机体在地面坐标系下的位置。

3. 飞行器轨迹跟踪模型

UAV 轨迹跟踪控制的目的就是控制固定翼机在反馈控制下来跟踪一个参考的轨迹, 若(x,y)代表现 在的位置, ψ 为现在时刻航向角, ω 为航向转速率, V 代表飞行的速度, $U(x_r, y_r)$ 代表参考轨迹点, V_r 代表参考速度, ω_r 代表参考航向转速率, 飞机的轨迹参考模型如图 2。

飞机的动态模型也可以表示为

$$\dot{x} = V \cos \psi \tag{15}$$

$$\dot{y} = V \sin \psi \tag{16}$$

同时飞机参考轨迹满足如下的动力学方程

$$\dot{x}_r = V_r \cos(\psi_r) \tag{17}$$

$$\dot{y}_r = V_r \sin\left(\psi_r\right) \tag{18}$$

由此给出固定翼的轨迹跟踪结构图如图 3:



Figure 3. Fixed-wing trajectory tracking structure chart 图 3. 固定翼轨迹跟踪结构图

其中图中的[*x_r*, *y_r*, *ψ_r*]是一个规划的参考轨迹控制率,在每一个控制过程中将实时采集的实际位置和 角度信息与参考的轨迹进行补偿计算出正确的速度命令和偏航命令控制飞机按照参考的轨迹进行飞行。

设代表横向位置误差, y_e 代表纵向位置误差, ψ_e 代表偏航角误差,然后我们可以将其关系表示成如下方程:

$$\begin{bmatrix} x_e \\ y_e \\ \psi_e \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos\psi & \sin\psi & 0 \\ -\sin\psi & \cos\psi & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_r - x \\ y_r - y \\ \psi_r - \psi \end{bmatrix}$$
(19)

对上述误差进行微分求导可得如下误差导数:

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_e \\ \dot{y}_e \\ \dot{\psi}_e \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \omega y_e - V + V_r \cos \psi_e \\ -\omega x_e + V_r \sin \psi_e \\ \omega_r - \omega \end{bmatrix}$$
(20)

在控制系统中我们假设V, ψ 是控制器输入,但是实际上的输入是 V° , ψ° ,通过级联控制策略我 们可以采用如下控制率:

$$V^c = k_x x_e + V_r \cos \psi_e \tag{21}$$

$$\psi^c = \psi_r + \tan^{-1}\left(k_v y_e\right) \tag{22}$$

其中 $k_x > 0$, $k_y > 0$ [11]。

轨 迹 跟 踪 控 制 的 目 标 是 通 过 找 到 可 行 的 控 制 输 入 V^c , ψ^c 使 得 当 t 趋 近 于 零 时 , $|x_r - x| + |y_r - y| + |\psi_r - \psi| \rightarrow 0$, 使轨迹误差和偏航误差趋近于零或者趋近于某个较小的值。

4. 滑模变结构控制

本文使用的是趋近律方法来削弱系统的抖振,采用的指数趋近律 $\dot{s} = -\varepsilon \operatorname{sgn}(s) - ks$ 设计的滑模控制系统,通过调节 $k \, n \, \varepsilon$ 对滑动模态到达的动态品质进行保证,同时又对高频抖振进行了削弱,但是 ε 的选取又不能太大,太大会加大抖振现象。

对于非线性仿射控制系统:

$$\dot{x} = f(x) + g(x)U \tag{23}$$

其中 $x \in \mathbb{R}^{n}, U \in \mathbb{R}^{m}$ 分别为状态和控制向量且m = n, f(x), g(x)连续可微且g(x)可逆。 若设 $\chi = [x_{e}, y_{e}, \psi_{e}]^{T}$, $U = [V^{c}, \omega^{c}]$, 且 $f(\chi)$ 和 $g(\chi)$ 满足:

$$f(\chi) = \begin{bmatrix} V_r \cos(\psi_e) \\ V_r \sin(\psi_e) \\ \omega_r \end{bmatrix}$$
(24)

$$g(\chi) = \begin{bmatrix} -1 & y_e \\ 0 & -x_e \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$$
(25)

则轨迹误差 χ 与 U 的关系可以转化为如下:

$$\dot{\chi} = f(\chi) + g(\chi) \begin{bmatrix} V^c \\ \omega^c \end{bmatrix}$$
(26)

问题转化为使 χ 稳定的输入 U,设计控制法则

$$U = g^{-1}(\chi) \left[\dot{\chi} - f(\chi) \right]$$
⁽²⁷⁾

设计滑模变结构控制器首先要定义滑模面函数

$$s = e + \lambda \int e dt \tag{28}$$

对滑模面函数进行求导可得

$$\dot{s} = \dot{e} + \lambda e \tag{29}$$

在公式(26)中的 $\chi = [x_e, y_e, \psi_e]^T$,那我们令 $e = \chi$,则公式(26)可以写成:

$$\dot{e} = f(\chi) + g(\chi) \begin{bmatrix} V^c \\ \omega^c \end{bmatrix}$$
(30)

将(30)带入(29)可得:

$$\dot{s} = f(\chi) + g(\chi) \begin{bmatrix} V^c \\ w^c \end{bmatrix} + \lambda e$$
(31)

其中 $\dot{\chi} = \dot{e} = \dot{s} - \lambda e$,将 $\dot{\chi} = \dot{s} - \lambda e$ 带入(27)得到

$$U = g^{-1}(\chi) \Big[-f(\chi) + \dot{s} - \lambda e \Big]$$
(32)

在分析控制法则U时要对系统到达滑模面的运动情况进行讨论即到达滑模面之前的运动($\dot{s} \neq 0$)和 滑模面上的运动($\dot{s} = 0$):

① 当系统到达滑模面前,采用等速趋近律的方法,其表达式为:

$$\dot{s} = -\varepsilon \operatorname{sgn}(s) - ks, \, \varepsilon > 0, \, k > 0 \tag{33}$$

式中 $\dot{s} = -ks$ 是指数趋近项,其解为 $s = s(0)e^{-kt}$ 。指数项-ks能保证当s较大时,系统状态能以较大的速度趋近于滑动模态。指数趋近中,趋近速度从一个较大的值逐步减小到零,不仅缩短了趋近时间,而且使运动点到达切换面时的速度很小。单纯的指数趋近,运动点逼近切换面是一个渐近的过程不能保证有限的时间内到达,切换面上也就不存在滑动模态了,所以要增加一个等速趋近项 $\dot{s} = -\varepsilon \operatorname{sgn}(s)$,使当s接近于零时,趋近速度是 ε 而不是零,也可以保证有限时间到达。在指数趋近律中,为了保证快速趋近的同时削弱抖振,应在增大k的同时减小 ε [12]。

② 当系统到达滑模面后,系统的状态轨迹仍要保持在滑模面上滑动,此时有滑模面 *s* = 0,则 *s* = 0。 设计滑模控制率,可以证明能够实现闭环系统的稳定控制:

$$U = \begin{cases} g^{-1} (-f(x) - \lambda e - \varepsilon \operatorname{sgn}(s) - ks), & \dot{s} \neq 0 \\ g^{-1} (-f(x) - \lambda e), & \dot{s} = 0 \end{cases}$$
(34)

设计如上的控制率,使系统状态在有限的时间内到达滑模面,并使得状态误差收敛于零,保证输出 跟踪期望值。

构建 Lyapunov 函数并证明其渐进稳定性:

$$N = \frac{1}{2}s^{2}$$
$$\dot{N} = s\dot{s} = s(-\varepsilon \operatorname{sgn}(s) - ks) = -s\varepsilon \operatorname{sgn}(s) - ks^{2}$$

其中 $\varepsilon > 0, k > 0$, 且s和sgn(s)同号, 由此可知 $\dot{V} \le 0$, 因此, 系统状态能在有限时间内到达滑模面s = 0, 实现系统输出渐进跟踪期望值。

5. 仿真结果

上节介绍完控制算法后,将在本节根据实际使用的固定翼无人机的一些具体参数给出在 matlab 中实现的固定翼轨迹跟踪控制的仿真结果。其中飞行器的一些基本的参数信息给出如表 1。

仿真结果主要是展示了一段飞机的轨迹跟踪情况,其中跟踪是以飞机达到飞行平衡时的状态为起点。 在飞行仿真试验中,一般都是选择飞机的平衡状态作为研究的起点,而飞机平衡状态主要是由配平方法 得到的[13]。而飞机的平衡状态定义为在一定给定的约束状态下,飞机的线速度和角速度分量为零或者固 定值,而加速度为零的一种状态,求取平衡状态的方法是一个在多目标多约束的寻优问题,即配平就是 数值寻优问题[14]。

仿真中找到平衡点状态后(下图中的起点位置),进行一段轨迹跟踪的仿真,如图 4~8 虚线代表飞机 的参考飞行轨迹及飞行状态,实线是固定翼飞机的实际飞行的轨迹及飞行状态。

Table 1. Basic parameters 表 1. 飞行器基本参数表	chart of aircraft		
参数	参数字母	参数值	单位
质量	m	1.9	kg
弦长	c	0.3	m
翼面积	S	0.32	m^2
翼展	b	1.2	m
x 轴转动惯量	Ixx	8.94E-02	kgm^2
y 轴转动惯量	Іуу	1.44E-01	kgm^2
z轴转动惯量	Izz	1.62E-01	kgm^2









以上是给出了固定翼无人机飞行的一段轨迹跟踪状况图,虽然在飞机刚开始的时候跟踪性能不太稳定,但是在跟踪到一定时间后位置和高度的误差较小,飞行中 y 轴位置的跟踪误差趋近于零,虽然 x 轴的跟踪存在一定的误差但是随着时间的加长其最后的误差能够减小到一个固定的值甚至趋近于零,由以上的分析可以看出该算法能够保证固定翼无人机的稳定飞行,并且使得飞行中具有较好的跟踪效果。

6. 结论

本文是在固定翼无人机非线性动态模型的基础上,将滑模控制算法应用到固定翼无人机的轨迹跟踪 控制中。设计了一款基于指数趋近律的滑模控制器。利用指数趋近的滑模控制消除系统的抖振现象同时 提高系统跟踪的准确性和稳定性。MATLAB 仿真结果表明了该控制理论的可行性。

参考文献 (References)

- [1] 章志祥,王立峰,贺丛奎.基于自适应动态逆的四旋翼机器人控制设计[J].动力系统与控制,2014,3(1):1-7.
- [2] Wang, L.F., Zhang, Z.X. and He, C.K. (2014) Adaptive Dynamic Inversion Controller for Quad Rotor Aerial Robot. *Journal of Control Engineering and Technology (JCET)*, **4**, 147-152.
- [3] Das, A., Subbarao, K. and Lewis, F. (2009) Dynamic Inversion with Zero-Dynamics Stabilisation for Quadrotor Control. Control Theory Applications, IET, 3, 303-314. <u>http://dx.doi.org/10.1049/iet-cta:20080002</u>
- [4] Snnoeveldt, L., van Oort, E.R., Chu, Q.P. and Mulder, J.A. (2009) Nonlinear Adaptive Trajectory Control Applied to an F-16 Model. *Journal of Guidance Control and Dynamics*, **32**, 25-39.
- [5] Parada, P., Espinoza, T. and Dzul, A. (2014) Nonlinear Observers Applied to Fixed-Wing UAVs. International Conference on Unmanned Aircraft System, Orlando, FL, 27-30 May 2014, 780-790. http://dx.doi.org/10.1109/icuas.2014.6842323
- [6] Espinoza, T., Dzul, A., Lozano, R. and Parada, P. (2013) Backstepping-Sliding Mode Controllers Applied to a Fixed wing UAV. *International Conference on Unmanned Aircraft System*, Atlanta, GA, 28-31 May 2013, 95-104. <u>http://dx.doi.org/10.1109/icuas.2013.6564678</u>
- [7] Wang, L.F., He, C.K. and Zhu, P. (2014) Adaptive Sliding Mode Control for Quadrotor Aerial Robot with I Type Configuration. *International Journal of Automation and Control Engineering (IJACE)*, 3, 20-26. <u>http://dx.doi.org/10.14355/ijace.2014.0301.03</u>
- [8] Zhu, Z., Xia, Y.Q. and Fu, M.Y. (2011) Adaptive Sliding Mode Control for Attitude Stabilization with Actuator Saturation. *IEEE Transactions on Industrial Electronics*, 58, 4898-4907. <u>http://dx.doi.org/10.1109/TIE.2011.2107719</u>
- [9] Sun, Y., Zhang, W.-G. and Zhang, M. (2011) Adaptive Sliding Mode High Maneuvers Flight Control Based on Back-

stepping Procedure. Control and Decision, 26, 1-5.

- [10] Paw, Y.C. (2009) Synthesis and Validation of Flight Control for UAV. PhD Dissertation, University of Minnesota, Minneapolis and St. Paul.
- [11] Low, C.B. (2010) A Trajectory Tracking Control Design for Fixed-Wing Unmanned Aerial Vehicles. *IEEE Interna*tional Conference on Control Applications Part of 2010 IEEE Multi-Conference on Systems and Control, Yokohama, 8-10 September 2010, 2118-2123.
- [12] 刘金坤. 滑模变结构控制 MATLAB 仿真[M]. 北京: 清华大学出版社, 2005.
- [13] 沈宏良, 刘昶. 飞机平衡状态的优化计算方法[J]. 飞行力学, 2001, 19(4): 15-18.
- [14] Jaroslav, R.N. and Zelinka, I. (2008) Evolutionary Algorithms in Aircraft Trim Optimization. 19th International Conference on Database and Expert Systems Application, Zlin, 524-530.

Hans 汉斯

期刊投稿者将享受如下服务:

- 1. 投稿前咨询服务 (QQ、微信、邮箱皆可)
- 2. 为您匹配最合适的期刊
- 3. 24 小时以内解答您的所有疑问
- 4. 友好的在线投稿界面
- 5. 专业的同行评审
- 6. 知网检索
- 7. 全网络覆盖式推广您的研究

投稿请点击: <u>http://www.hanspub.org/Submission.aspx</u>