单像素成像的乘法关联调控仿真与实验

朱宗晶

上海理工大学光电信息与计算机工程学院,上海

收稿日期: 2024年1月26日; 录用日期: 2024年3月18日; 发布日期: 2024年3月26日

摘要

单像素成像是一种新型的成像方式,仅需一个单像素探测器配合空间光调制器便能对物体成像。已有单 像素成像的研究集中在调制方式、重建算法和应用领域等方面,局限于固定不变的掩模与探测值之间的 一一对应关系,给单像素成像的功能性拓展造成了阻碍。本文提出了一种基于单像素成像的乘法关联调 控,使用探测值与受控掩模重建得到被调控的物体,实现对物体的间接调控,不仅有效地拓展了单像素 成像的功能,也为关联调控的发展提供了一种可借鉴的方案。

关键词

单像素成像,关联调控,空间光调制器

Simulation and Experiment of Single Pixel Imaging Based Correlated Manipulation for Multiplication

Zongjing Zhu

School of Optical-Electrical and Computer Engineering, University of Shanghai for Science and Technology, Shanghai

Received: Jan. 26th, 2024; accepted: Mar. 18th, 2024; published: Mar. 26th, 2024

Abstract

Single pixel imaging (SPI) is a novel imaging method that needs only one pixel accompanied with spatial light modulator to achieve image. Recent years have witnessed the SPI developments in modulation methodologies, reconstruction algorithms and applications. However, the fundamental framework of the SPI inevitably requires a series of pre-set sensing matrixes that obtain the detections on a one-to-one basis, limiting the flexibility of the SPI, hindering the extent of its func-

tionality. In this paper, we propose a SPI-based correlated manipulation that realizes object multiplication via indirectly multiplication of the sensing matrix. Our method implements an indirect manipulation over the object, not only effectively extending the SPI functionalities, but also providing a valuable solution for correlated manipulation with the SPI.

Keywords

Single Pixel Imaging, Correlated Manipulation, Spatial Light Modulator

Copyright © 2024 by author(s) and Hans Publishers Inc.

This work is licensed under the Creative Commons Attribution International License (CC BY 4.0). http://creativecommons.org/licenses/by/4.0/

http://creativecommons.org/licenses/by/4.

CC O Open Access

1. 引言

单像素成像(Single Pixel Imaging, SPI)是一种新型的成像方式,是一种典型的计算成像,能够突破传 统成像中存在的物理局限。单像素成像和传统成像方式不同,传统的成像系统通常使用阵列感光传感器, 其探测范围是可见光波段,超出可见光范围则探测能力迅速衰减,而使用非可见光传感器探测,其造价 成本很高。单像素成像系统则与之不同,使用价格低廉的单像素探测器,如光电探测器,既能够探测更 大范围的光谱,也能够对微弱光进行探测,解决了传统成像系统的部分问题,因而得到广泛的研究。

单像素成像有显著的优点,其中单像素探测器扮演了重要角色。单像素探测器具有灵敏度高,信噪 比高(能够应用在极弱光[1]、大气湍流和散射介质成像[2]),时间分辨率高(能够进行飞行时间探测,实现 三维计算鬼成像[3]),探测范围广(能够探测可见光范围外波段的光,能够实现太赫兹成像[4]、X 射线[5]、 红外成像[6]、荧光成像[7]等)等优势,同时单像素成像还能结合压缩感知[8]和深度学习的成像算法[9] [10] [11] [12] [13],提高成像质量和速度。

单像素系统主要从调制方法[14]、采样方法[15]-[20]和应用[21]-[26]三个方向来研究。调制方式根据 掩模的类型来分类,可以分为哈达玛掩模和傅里叶掩模;也能根据待成像物体的位置分为主动调制和被 动调制。近些年来,单像素成像得到了快速的发展,特别是在单像素成像应用,传统图像处理中的一些 方法也与单像素成像相结合,如边缘提取、空间滤波等。单像素成像不再满足"所见即所得",对"所 想即所得"有了更多的需求,需要扩展单像素成像系统的功能,然而扩展单像素成像系统功能的方法无 一例外都是光路上增加器件(如低通滤波器[27]),或者在结构光照明(结构光探测)对掩模调制,即需要调 整显示在数字阵列微镜(Digital Micromirror Devices, DMD)上的微镜来实现,如计算卷积鬼成像[28]将卷积 过的掩模显示在 DMD 上,然而卷积过的掩模是个灰度图,但是 DMD 是二值空间光调制的器件,若要使 用 0 和 1 来表示灰度值,那么就得在时间上或者在空间上取平均。这两种方法,要么导致采样时间变长, 要么导致成像结果的分辨率下降。用 0 和 1 来表示灰度存在的另一个问题是在量化的过程中存在量化的 误差,使得平均出来的值与实际理想的灰度值存在差值。再有就是使用平均的方法获得灰度值,灰度值 介于 0~1 之间,当需要掩模大于 1 时,DMD 则无能为力。

为了解决该问题,本文提出了一种基于单像素成像关联调控的方法,在重建过程中对掩模进行乘法 调控,而非在 DMD 上对掩模调制,能够在不改变 DMD 上掩模的情况下,实现对物体的乘法运算,能够 克服上述 DMD 存在的问题。而且在以往的研究中,成像过程都是遵循着"获取探测值——探测值与对 应掩模关联计算"的顺序来恢复原有图像。本文提出的单像素成像的关联乘法调控技术,是通过"获取 探测值——探测值与乘法调控过的掩模关联计算"的方法来重建新物体,重建结果相当于对原重建物体做了乘法运算。以往探测值与掩模一一对应关系,在某种程度上限制了单像素成像的功能性拓展。本文通过仿真和实验的方法验真了方法的有效性和先进性。本文提出的方法与先重建物体再做乘法的方法不同,本文使用的方法是边成像边做乘法调控,实现了通过对掩模做乘法实现对物体做乘法的关联调控,为未来进一步更多的关联调控奠定基础。

2. 方法及原理

单像素成像使用单像素探测器配合空间光调制器对物体进行成像,单像素成像的光路图如图1所示。



Figure 1. Configuration of single pixel imaging system 图 1. 单像素成像系统光路图

首先光源的光场通过扩束镜照射在空间光调制器 DMD 上,空间光调制器上加载了预先设计好的掩模。光场经过空间光调制器调制后,照射在物体上,相当于和物体做点对点的乘法,然后由单像素探测器对经过聚焦透镜的光场进行探测,即对做了点对点乘法的调制光和物体每一点进行累加。将第 k 张掩模记为 p_k , $p_k = [a_{k1}, a_{k2}, a_{k3}, \dots, a_{kn}]$;物体记为 X,用向量表示 $X = [x_1; x_2; \dots; x_n]$,第 k 张掩模和物体点对点相乘后累加的结果由单像素探测器探得,记为 y_k 。物体量化的分辨率取决于掩模的分辨率,掩模的分辨率为 $n \times n$,则物体的分辨率也是 $n \times n$,用向量表示则为 $n^2 \times 1$ 的向量;因此 y_k 可以由公式(1)表示:

$$y_k = \sum_{i=1}^{n^2} a_{ki} x_i \quad k = 1, 2, \cdots, n^2$$
(1)

上式表明,每个探测值是物体和每张掩模做内积的结果 n² 张掩模和物体做内积得到的探测值可以由 公式(2)得到,掩模向量构成的矩阵 A 和物体 X,满足线性方程的数学模型:

$$Y = AX \tag{2}$$

其中 A 为观测矩阵, $A = [p_1; p_2; p_3; \dots; p_n^2]$, 每一个横向量 p_i 都对应一张调制掩模, $Y = [y_1; y_2; \dots; y_n^2]$, 因此重建物体可以理解为解线性方程(2)。

本文提出了基于单像素成像的乘法关联调控,目的是通过对掩模做乘法调控,实现对重建物体的乘 法调控。单像素成像的重建物体通过计算物体和掩模的关联性实现。要实现一次完整的单像素成像,分 为两个步骤:第一个步骤是探测,第二个步骤是重建。在探测过程中,加载在 DMD 上的掩模和物体做 点积得到探测值,DMD 上加载的一系列掩模构成了观测矩阵;在重建过程中,通过对探测过程中获取的 探测值和对应的掩模做关联运算,重建出物体为 X'满足线性方程 Y = AX', X' = X,如表 1 第一行所示。 在探测过程中,探测值由掩模和物体共同决定,当掩模的数值扩大α倍时,观测矩阵A 便扩大α倍,即 $A' = \alpha A$,则掩模和物体的点积(探测值)也将扩大 α 倍,用扩大 α 倍的掩模和扩大 α 倍的探测值做关联运算, X'' 代表重建结果满足线性方程 Y' = A'X'',又因为 $Y' = \alpha Y$, $A' = \alpha A$,因此 Y' = A'X'等价于 Y = AX'', 故 X'' = X' = X,如表 1 第二行所示。当探测值为 Y 时,观测矩阵为 $A' = \alpha A$ 时,重建结果为 $X''' = 1/\alpha \cdot X$ 满足线性方程 Y = A'X''',如表 1 第三行所示。综上分析,重建结果由探测值与重建时使用的观测矩阵共同决定。如果保持探测值不变,而改变观测矩阵,那么重建结果将也发生变化。如表 1 所示,探测过程 和重建过程共有的仅是探测值。

物体 观测矩阵 探测值 重建观测矩阵 重建满足方程 重建结果 Χ Α Y = AXΑ Y = AX'X' = XX'' = X' = XΧ $A' = \alpha A$ $Y' = \alpha Y = A'X$ A'Y' = A'X'' $X''' = X'/\alpha = X/\alpha$ $A' = \alpha A$ X Α Y = AXY = A'X'''

 Table 1. Relationship between measurement matrix, detection value and reconstruction

 表 1. 观测矩阵、探测值与重建结果关系

单像素乘法关联调控的方法是,在重建过程对观测矩阵做乘法调制。在不改变探测值的情况下,对 所有掩模做乘法调控,调控系数记作为 α ,进而重建过程使用的掩模为 $p'_k = \alpha p_k$, $A' = \alpha A$ 。由于控制探 测值不变,即Y不变,因此新的重建结果X‴满足(2)的数学模型,即:

$$Y = A'X'' \tag{3}$$

联立公式(2) (3)可以得到新的重建物体 X''', $X'' = 1/\alpha \cdot X' = 1/\alpha \cdot X$ 。在给定的探测光强条件下,通过对重建过程的观测矩阵做乘法,新重建的结果和原来重建结果相差一个系数 $1/\alpha$,相当于对物体做了一个相关联的乘法。

3. 仿真与实验

3.1. 仿真

为了验证单像素成像乘法关联调控理论的正确性,本文先是用仿真实验进行验证。首先待成物体用 一个 32 × 32 的矩阵来表示,十字部分的数值为 0.55,其他较暗部分的值为 0.25。如图 2 所示:



Figure 2. Object to be imaged 图 2. 待乘像物体

在仿真实验中使用哈达玛矩阵作观测矩阵,哈达玛矩阵的每一个行向量都对应了一张调制掩模。在 仿真中,每一个调制掩模都和物体做内积运算,所得到的值即为探测值。用探测值和掩模做关联运算, 使用 TVAL3 算法。本文提出的单像素成像的乘法关联调控,对原始的掩模做乘法调控,对每个乘法掩模 乘以一个乘法调控系数 α,得到新的掩模,如下图 3 所示:



Figure 3. New masks obtained by original masks multiplying a coefficient *α* **图 3.** 掩模乘以一个乘法调控系数 *α* 的带经过乘法调控的掩模



不同乘数α下的重建结果

然后用探测值和新的掩模做关联运算,得到的结果如图4所示:

图 4 表明,当乘法调控系数 α 的值大于 1 时,重建的值会随着 α 的增大而变暗;当 α 小于 1 时,重 建的结果会随着 α 的减小而增强变亮。也就是说 α 会增强或抑制重建结果。图 5 取 α = 1, α = 3, α = 0.4, 重建的结果和待成像物体进行比较。发现当 α = 1 时(掩模没有做乘法调控),重建结果和待成像物体几乎 完全重合;当 α = 0.4 时,重建的结果是黄色线条,整体扩大了差不多 2.5 倍;当 α = 3 时,重建结果为紫 色线条,整体压缩了成了原来的 1/3。



图 5. 不同乘法调控系数 α 的重建结果

把不同乘法调控系数下的重建结果记为图像矩阵 U_a , U_1 对 U_a 做点对点的除法,得到结果取均值就 是未进行乘法调控的重建结果与经过乘法调控的重建结果的比值,称为调控比率,记为 R_1/R_a 。不同乘法 系数与调控比率的关系如图 6 所示:



如图 6 所示,调控比率 *R*₁/*R*_a和 *a* 成正比例关系,即 *R*_a/*R*₁ 与 *a* 成反比例,也就说明了当调制掩模乘 以一个乘法调控系数 *a*,新掩模和原来探测值做关联运算,重建的结果是未经乘法调控重建结果的 1/*a*, 因此实现了通过对掩模的乘法调控,间接对物体的乘法关联调控。

3.2. 实验

本文除了仿真验证,也对单像素成像乘法的关联调控进行了实验验证。光路装置图如图 7 所示,其 中包括了光源、扩束镜、DMD、光电探测器(Photoelectric Detector, PD)、待成像物体。



Figure 7. Left figure is configuration of single pixel imaging system, the right one is the object to be imaged

图 7. 左图为单像素成像系统, 右图为待乘像物体

待成像物体是一个镂空的十字。在重建的过程中,使用不同的乘法系数α,得到的结果如图8所示:



Figure 8. Reconstructions under different multiplicative coefficients *α* 图 8. 不同乘法系数 *α* 的重建结果

结果表明,不同乘法系数 α 调控过的掩模所重建的结果和仿真的结果一致,当 α 大于 1 时,重建结 果的强度受到抑制;当 α 小于 1 时,重建结果的强度得到增强。调控系数 *R*₁/*R*_a和 α 的关系如下图 9 所示, 其结论也和仿真的结论相同,即对调制掩模做 α 倍的乘法调控,新得到的掩模和探测值做关联运算,重 建结果相当于做了 1/α 乘法调控。证明了用调控掩模的方法,能够关联地调控物体,实现间接调控的目的。

本文提出的乘法关联调控,在重建过程中使用调控过的掩模与探测值关联计算,而不用在 DMD 上显示灰度掩模对物体进行结构光照明(探测),每一个不同灰度的都掩模预先设计不同的掩模,然后加载在 DMD 上,每个灰度值需要多次探测,并多次重建,重建结果如图 10。

尽管在 DMD 上显示不同灰度的掩模来调制光同样能实现乘法调控,但是其复杂程度远高于本文提出的乘法关联调控方法,且对环境要求更高,重建所花的时间更长,因为本文提出的方法仅需探测一次即可。而且掩模上的值无法超过1,使得乘法调控存在局限性,使得乘法结果的强度无法超过原重建物体。



Figure 9. Relation of operation rate R_1/R_a and *a* 图 9. 调控比率 R_1/R_a 与乘法系数 *a* 的关系

DMD显示不同灰度的掩模的重建结果





 灰度为:
 0.6
 灰度为:
 0.7
 灰度为:
 0.8
 灰度为:
 0.9
 灰度为:
 1

 Figure 10.
 Reconstruction results via displaying grayscale masks on DMD
 图
 10.
 DMD 显示不同灰度掩模的重建结果

4. 结论

本文提出了一种单像素成像系统的关联调控方式,通过对掩模进行乘法调控,从而关联地对重建物 体实现乘法调控,用掩模乘以一个乘法调控系数得到新的掩模,探测值与新掩模关联计算得到的重建结 果则是未经乘法调控的重建结果乘以这个调控系数的倒数。本文分别用仿真和实验的方法验证了该方法 的有效性和先进性。这种关联调控方式,不需要在 DMD 上加载灰度掩模,而是直接在重建过程中对掩 模做乘法调控,既实现了对重建物体的关联乘法调控,又避免了 DMD 显示灰度图时固有的精度、速度 缺陷。这种调控方法不是先对物体成像后再做乘法的调控,而是对物体"边成像边调控",同时使用了 一种"探测值与调制过的掩模计算"来重建的新范式,这种重建范式打破了传统单像素成像中探测值与 调制掩模一一对应的规定,能够通过在重建过程中对单像素成像系统进行功能性的拓展,为未来单像素 成像的调控提供了新的思路,为除了乘法调控以外更多的调控奠定了基础。

参考文献

- [1] 李明飞, 袁梓豪, 刘院省, 等. 光子计数计算鬼成像[J]. 激光与光电子学进展, 2021, 58(10): 306-313.
- Meyers, R.E., Deacon, K.S. and Shih, Y. (2011) Turbulence-Free Ghost Imaging. *Applied Physics Letters*, 98, Article ID: 111115. <u>https://doi.org/10.1063/1.3567931</u>
- [3] Sun, B., Edgar, M.P., Bowman, R., *et al.* (2013) 3D Computational Imaging with Single-Pixel Detectors. *Science*, 340, 844-847. <u>https://doi.org/10.1126/science.1234454</u>
- [4] Shrekenhamer, D., Watts, C.M. and Padilla, W.J. (2013) Terahertz Single Pixel Imaging with an Optically Controlled Dynamic Spatial Light Modulator. *Optics Express*, 21, 12507-12518. <u>https://doi.org/10.1364/OE.21.012507</u>
- [5] Zhang, A.X., He, Y.H., Wu, L.A., et al. (2018) Tabletop X-Ray Ghost Imaging with Ultra-Low Radiation. Optica, 5, 374-377. <u>https://doi.org/10.1364/OPTICA.5.000374</u>
- [6] Edgar, M.P., Gibson, G.M., Bowman, R.W., *et al.* (2015) Simultaneous Real-Time Visible and Infrared Video with Single-Pixel Detectors. *Scientific Reports*, **5**, Article No. 10669. <u>https://doi.org/10.1038/srep10669</u>
- [7] Studer, V., Bobin, J., Chahid, M., et al. (2012) Compressive Fluorescence Microscopy for Biological and Hyperspectral Imaging. Proceedings of the National Academy of Sciences, 109, E1679-E1687. https://doi.org/10.1073/pnas.1119511109
- [8] Duarte, M.F., Davenport, M.A., Takhar, D., et al. (2008) Single-Pixel Imaging via Compressive Sampling. IEEE Signal Processing Magazine, 25, 83-91. <u>https://doi.org/10.1109/MSP.2007.914730</u>
- [9] Higham, C.F., Murray-Smith, R., Padgett, M.J., et al. (2018) Deep Learning for Real-Time Single-Pixel Video. Scientific Reports, 8, Article No. 2369. <u>https://doi.org/10.1038/s41598-018-20521-y</u>
- [10] Radwell, N., Johnson, S.D., Edgar, M.P., et al. (2019) Deep Learning Optimized Single-Pixel LiDAR. Applied Physics Letters, 115, Article ID: 231101. <u>https://doi.org/10.1063/1.5128621</u>
- [11] Li, Z., Qu, G., Suo, J., et al. (2023) Deep-Learning Enables Single-Pixel Spectral Imaging. Optoelectronic Imaging and Multimedia Technology IX, Volume 12317, 123170A. https://doi.org/10.1117/12.2641840
- [12] Zhang, L.H., et al. (2021) Restoration of Single Pixel Imaging in Atmospheric Turbulence by Fourier Filter and CGAN. Applied Physics B, 127, Article No. 45. <u>https://doi.org/10.1007/s00340-021-07596-8</u>
- [13] Li, Z. and Huang, J. (2023) Autoencoder for Single-Pixel Imaging. 2023 3rd International Symposium on Computer Technology and Information Science (ISCTIS), Chengdu, 16-18 June 2023, 687-691. https://doi.org/10.1109/ISCTIS58954.2023.10213026
- [14] Jiang, X., Tong, Z., Yu, Z., et al. (2023) Fourier Single-Pixel Imaging Based on Online Modulation Pattern Binarization. Photonics, 10, Article No. 963. <u>https://doi.org/10.3390/photonics10090963</u>
- [15] Sun, R., Kuang, J., Ding, Y., et al. (2023) High-Efficiency Differential Single-Pixel Imaging Based on Discrete Cosine Transform. IEEE Photonics Technology Letters, 35, 955-958. <u>https://doi.org/10.1109/LPT.2023.3286105</u>
- [16] Sun, M.J., et al. (2017) A Russian Dolls Ordering of the Hadamard Basis for Compressive Single-Pixel Imaging. Scientific Reports, 7, Article No. 3464. <u>https://doi.org/10.1038/s41598-017-03725-6</u>
- [17] Qiu, Z., Guo, X., Lu, T., et al. (2021) Efficient Fourier Single-Pixel Imaging with Gaussian Random Sampling. Photonics, 8, Article No. 319. <u>https://doi.org/10.3390/photonics8080319</u>
- [18] Yu, W.K. and Liu, Y.M. (2019) Single-Pixel Imaging with Origami Pattern Construction. Sensors, 19, Article No. 5135. <u>https://doi.org/10.3390/s19235135</u>
- [19] Xiao, Y., Yu, X., Stantchev, R.I., *et al.* (2020) Super Sub-Nyquist Single-Pixel Imaging by Total Variation Ascending Ordering of the Hadamard Basis. *Scientific Reports*, **10**, Article No. 9338. <u>https://doi.org/10.1038/s41598-020-66371-5</u>
- Yu, W.K. (2019) Super Sub-Nyquist Single-Pixel Imaging by Means of Cake-Cutting Hadamard Basis Sort. *Sensors*, 19, Article No. 4122. <u>https://doi.org/10.3390/s19194122</u>
- [21] Edgar, M.P., Gibson, G.M. and Padgett, M.J. (2019) Principles and Prospects for Single-Pixel Imaging. *Nature Photonics*, 13, 13-20. <u>https://doi.org/10.1038/s41566-018-0300-7</u>

- [22] Ma, Y., Yin, Y., Jiang, S., et al. (2021) Single Pixel 3D Imaging with Phase-Shifting Fringe Projection. Optics and Lasers in Engineering, 140, Article ID: 106532. <u>https://doi.org/10.1016/j.optlaseng.2021.106532</u>
- [23] Sun, M.J. and Zhang, J.M. (2019) Single-Pixel Imaging and Its Application in Three-Dimensional Reconstruction: A Brief Review. Sensors, 19, Article No. 732. <u>https://doi.org/10.3390/s19030732</u>
- [24] Zhou, L., Xiao, Y. and Chen, W. (2023) High-Resolution Self-Corrected Single-Pixel Imaging Through Dynamic and Complex Scattering Media. *Optics Express*, **31**, 23027-23039. <u>https://doi.org/10.1364/OE.489808</u>
- [25] Jiao, S., Feng, J., Zhang, L., et al. (2023) Optical Logic Gate Operations with Single-Pixel Imaging. IEEE Journal of Selected Topics in Quantum Electronics, 29, 1-8. <u>https://doi.org/10.1109/JSTQE.2022.3200582</u>
- [26] Zhang, W., Tao, Y., Wu, Y., et al. (2023) Vibration Measurement with Frequency Modulation Single-Pixel Imaging. Chinese Optics Letters, 21, Article ID: 011102. <u>https://doi.org/10.3788/COL202321.011102</u>
- [27] Jauregui-Sánchez, Y., Clemente, P., Lancis, J., et al. (2019) Single-Pixel Imaging with Fourier Filtering: Application to Vision through Scattering Media. Optics Letters, 44, Article No. 679. <u>https://doi.org/10.1364/OL.44.000679</u>
- [28] Ye, Z., Zheng, P., Hou, W., et al. (2022) Computationally Convolutional Ghost Imaging. Optics and Lasers in Engineering, 159, Article ID: 107191. <u>https://doi.org/10.1016/j.optlaseng.2022.107191</u>