# Design and Calculation of Load Adaptive Five Link-rod Pumping Units

Dengming Guo<sup>1</sup>, Jinbo Chen<sup>1\*</sup>, Zhenhua Xia<sup>1</sup>, Xinsheng Xiang<sup>2</sup>, Junmin Gong<sup>2</sup>, Shuhang Wang<sup>2</sup>, Muzhou Liu<sup>2</sup>

<sup>1</sup>School of Mechanical Engineering, Yangtze University, Jingzhou Hubei <sup>2</sup>Engineering Technology Company, Xinjiang Petroleum Administration, Karamay Xinjiang Email: <sup>\*</sup>1519139761@qq.com

Received: Mar. 30<sup>th</sup>, 2018; accepted: May 28<sup>th</sup>, 2018; published: Oct. 15<sup>th</sup>, 2018

#### Abstract

The structure of the new load adaptive five-link-rod pumping units was introduced, and the theoretical formulae for the motion calculation and dynamic calculation of the adaptive five-link-rod pumping units were deduced. By taking the CYJZ10-4.2-53HB adaptive pumping units as an example, the performance characteristics of the five-link-rod pumping units were discussed and compared with the offset pumping units. The results show that under the same conditions, the adaptive five-link-rod pumping units can save energy more than 8.65%, decrease 44.94% of connecting rod tension with 16.83% decrease in the peak torque of the gear reducer, and it is a promising energy-saving pumping unit.

#### **Keywords**

Beam Pumping Units, Five-link-rod Pumping Unit, Energy-saving Pumping Unit, Design Calculation, Load Adaptive

\*通信作者。

## 载荷自适应五连杆抽油机的设计计算

郭登明<sup>1</sup>,陈进博<sup>1\*</sup>,夏振华<sup>1</sup>,向新胜<sup>2</sup>,贡军民<sup>2</sup>,王树行<sup>2</sup>,刘牧洲<sup>2</sup>

<sup>1</sup>长江大学机械工程学院,湖北 荆州 <sup>2</sup>新疆石油管理局工程技术公司,新疆 克拉玛依 作者简介:郭登明(1963-),男,教授,主要从事石油机械的教学、科研与设计工作。 Email: 1519139761@qq.com

收稿日期: 2018年3月30日; 录用日期: 2018年5月28日; 发布日期: 2018年10月15日

## 摘要

介绍了新型载荷自适应五连杆抽油机的结构组成,推导出了载荷自适应五连杆抽油机的运动计算和动力 计算的理论公式。以CYJZ10-4.2-53HB型载荷自适应抽油机为计算实例,论述了该五连杆抽油机的性能 特点,并与偏置抽油机进行了对比。计算结果表明,在相同的条件下,载荷自适应五连杆抽油机可节电 8.65%以上,连杆拉力减少44.94%,减速器峰值扭矩减少16.83%,是一种比较有发展前途的节能抽油 机。

#### 关键词

游梁式抽油机,五连杆抽油机,节能抽油机,设计计算,载荷自适应

Copyright © 2018 by authors, Yangtze University and Hans Publishers Inc. This work is licensed under the Creative Commons Attribution International License (CC BY). <u>http://creativecommons.org/licenses/by/4.0/</u> Open Access

## 1. 概述

随着油田进入中后期开发阶段,原油含水率不断上升,油层压力降低,油井动液面逐渐下降,为 了保持原油稳产,降低采油成本,要求采油设备不仅能满足"深抽、大排量"提液的工艺要求,而且 要具有能耗低、可靠性高等特点,为此,选用高效五连杆的抽油机变得特别重要。近几年,出现了大 量新设计的五连杆抽油机。笔者介绍一种新型载荷自适应五连杆抽油机的设计方法,供有关设计者和 使用者参考。

载荷自适应五连杆抽油机的受力简图如图 1 所示,可以看出游梁平衡重  $W_1$ 与副连杆 BC连成一体, 分别与游梁、主连杆(BA)铰接。即该抽油机由曲柄、连杆、副连杆、游梁及机架组成。按照平面机构理 论,该抽油机由 2 个自由度构成,必须有 2 个驱动件才能使机构有确定的运动,实际计算过程中一般以 曲柄转角  $\theta$  和游梁摆角  $\delta$  为自由度进行几何参数、运动参数和动力参数的求解。文献[1]-[6]分别介绍了二 自由度五杆机构的分析计算方法。由于游梁平衡重  $W_1$ 与悬点载荷  $W_2$ 的相互作用、相互适应,其结果是 当曲柄在任何位置时,使得游梁具有确定的位置。即当游梁平衡重  $W_1$ 和悬点载荷  $W_2$ 一定时,游梁摆角  $\delta$  随曲柄转角  $\theta$  而定,可归属于单自由度问题,因此该抽油机实际上是一种载荷自适应型单自由度抽油 机。



注1:1-曲柄 2-连杆 3-副连杆 4-副平衡臂 5-游梁 6-驴头。

注 2:  $W_1$ 为游梁平衡重;  $W_K$ 为游梁平衡重产生的惯性力; W'为悬点总载荷;  $F_L$ 为连杆力;  $\theta$ 为曲柄转角;  $\delta$ 为游梁摆角;  $\alpha$ 为曲柄与连杆夹角;  $\beta$ 为连杆与副连杆夹角;  $\alpha_1$ 为副连杆与副平衡臂夹角;  $\beta_1$ 为副连杆与游梁后臂夹角;  $\omega$ 为曲柄角速度。

**Figure 1.** The simplified diagram of stress of the load adaptive five link-rod pumping unit 图 1. 载荷自适应五连杆抽油机受力简图

## 2. 理论计算

假定曲柄匀速转动,已知该抽油机各个运动构件的长度,以曲柄转角 $\theta$ 和游梁摆角 $\delta$ 为驱动变量(二自由度),按照五连杆机构的计算方法进行如下计算及分析。

#### 2.1. 运动计算

#### 2.1.1. 速度计算

图 2 为该抽油机的速度矢量简图,利用作图分析法,先计算 B 点(在速度矢量图中用 B'表示,其他点 依次类推)的速度,再根据相似原理,求出 M 点的速度。



Figure 2. The simplified diagram of the velocity vector of the pumping unit 图 2. 抽油机速度矢量简图

在速度三角形 O'C'A' 中,由余弦定理:

$$V_{CA} = \sqrt{V_A^2 + V_C^2 - 2V_A V_C} \cos \angle C'O'A'$$
(1)

其中 $V_A = \frac{n\pi}{30}$ ,  $V_C = L_c \dot{\delta}$ 。

在速度三角形 B'C'A'中,由正弦定理:

$$V_{BA} = \frac{V_{CA}}{\sin\beta} \sin \angle A'C'B'; \quad V_{BC} = \frac{V_{CA}}{\sin\beta} \sin \angle C'A'B'$$
(2)

故**:** 

$$V_{B} = \sqrt{V_{A}^{2} + V_{BA}^{2} - 2V_{A}V_{BA}\cos\angle O'A'B'}$$
(3)

式中:  $V_{CA}$ 、 $V_{BA}$ 、 $V_{BC}$ 分别为相对速度, m/s;  $V_A$ 为 A 点速度, m/s;  $V_B$ 为 B 点速度, m/s,  $V_C$ 为 C 点速度, m/s;  $\angle C'O'A'$ 为 OA 与  $CO_1$ 夹角, (°); n 为曲柄转速, s<sup>-1</sup>;  $\dot{\delta}$ 为游梁角速度, s<sup>-1</sup>;  $L_c$ 为游梁后臂长度, m。

在速度三角形 M'B'C'中,由正弦定理可知:

$$V_{MB} = V_{BC} \frac{\sin \alpha_1}{\sin \angle C'M'B'}; \quad V_{MC} = V_{MB} \frac{\sin \angle M'B'C'}{\sin \alpha_1}$$
(4)

故:

$$V_{M} = \sqrt{V_{MC}^{2} + V_{C}^{2} - 2V_{MC}V_{C}\cos\angle O'C'M'}$$
(5)

式中: $V_{MB}$ 、 $V_{MC}$ 分别为相对速度,m/s; $V_M$ 为M点速度,m/s。

## 2.1.2. 加速度计算

图 3 为该抽油机的加速度矢量简图,按照求解速度的方法,同样利用作图分析法,先计算 *B* 点的加速度,再根据相似原理,求出 *M* 点的加速度,具体方法如下:



**Figure 3.** The simplified diagram of the acceleration vector 图 3. 抽油机加速度矢量简图

A 点的法向加速度:

$$\boldsymbol{a}_{A}^{n} = \frac{\boldsymbol{V}_{A}^{2}}{R} \tag{6}$$

C点的加速度:

$$\boldsymbol{a}_{C} = \sqrt{\boldsymbol{a}_{C}^{n^{2}} + \boldsymbol{a}_{C}^{t^{2}}} \tag{7}$$

其中:

$$\boldsymbol{a}_{C}^{n} = \frac{\boldsymbol{V}_{C}^{2}}{L_{C}}, \quad \boldsymbol{a}_{C}^{t} = L_{C}\ddot{\boldsymbol{\delta}}$$

式中: *R* 为曲柄半径, m;  $a_C^n$  为 *C* 点法向加速度, m/s<sup>2</sup>,  $a_C^t$  为 *C* 点切向加速度, m/s<sup>2</sup>;  $\ddot{\delta}$  为游梁角加速度, s<sup>-2</sup>;  $a_C$  为 *C* 点加速度, m/s<sup>2</sup>;  $L_C$  为游梁后臂长度, m。

对于 B 点而言:

$$a_{BA}^{n} = \frac{V_{BA}^{2}}{L_{p}}; \quad a_{BC}^{n} = \frac{V_{BC}^{2}}{L_{B}}$$
 (8)

将加速度向**a**<sup>n</sup><sub>BA</sub>方向投影,则有:

$$\boldsymbol{a}_{BC}^{t} = \frac{1}{\sin\beta} \Big[ \boldsymbol{a}_{BA}^{n} - \boldsymbol{a}_{A}^{n} \cos\alpha + \boldsymbol{a}_{C}^{n} \cos\left(\beta - \beta_{1}\right) - \boldsymbol{a}_{C}^{t} \sin\left(\beta - \beta_{1}\right) - \boldsymbol{a}_{BC}^{n} \cos\beta \Big]$$
(9)

将加速度向 **a**<sup>n</sup><sub>BC</sub> 方向投影,则有:

$$\boldsymbol{a}_{BA}^{t} = \frac{1}{\sin\beta} \Big[ \boldsymbol{a}_{C}^{t} \sin\beta_{1} + \boldsymbol{a}_{C}^{n} \cos\beta_{1} - \boldsymbol{a}_{BC}^{n} - \boldsymbol{a}_{A}^{n} \cos(\alpha + \beta) + \boldsymbol{a}_{BA}^{n} \cos\beta \Big]$$
(10)

故:

$$\boldsymbol{a}_{BA} = \sqrt{\boldsymbol{a}_{BA}^{n^2} + \boldsymbol{a}_{BA}^{t^2}}; \quad \boldsymbol{a}_{BC} = \sqrt{\boldsymbol{a}_{BC}^{n^2} + \boldsymbol{a}_{BC}^{t^2}}$$
(11)

式中:  $a_{BA}^n$ 为以点 A 为基点,点 B 绕点 A 转动的法向加速度,m/s<sup>2</sup>;  $a_{BC}^n$ 为以点 C 为基点,点 B 绕点 C 转动的法向加速度 m/s<sup>2</sup>;  $L_P$  为连杆长度,m;  $L_B$  为副连杆长度,m;  $a_{BC}^t$ 为以点 C 为基点,点 B 绕点 C 转动的切向加速度,m/s<sup>2</sup>;  $a_{BA}^t$ 为以点 A 为基点,点 B 绕点 A 转动的切向加速度,m/s<sup>2</sup>;  $a_{BA}^t$ 为以点 A 为基点,点 B 绕点 C 转动的加速度,m/s<sup>2</sup>;  $a_{BA}$  为以点 A 为

在加速度三角形 P"A"B" 中,由余弦定理:

$$\boldsymbol{a}_{B} = \sqrt{\boldsymbol{a}_{A}^{n2} + \boldsymbol{a}_{BA}^{2} - 2\boldsymbol{a}_{A}^{n}\boldsymbol{a}_{BA}\cos \angle P''A''B''}$$
(12)

在加速度三角形 M"C"B" 中,由正弦定理:

$$\boldsymbol{a}_{MB} = \boldsymbol{a}_{BC} \frac{\sin \alpha_1}{\sin \angle B'' M'' C''}; \quad \boldsymbol{a}_{MC} = \boldsymbol{a}_{BC} \frac{\sin \angle M'' B'' C''}{\sin \angle B'' M'' C''}$$
(13)

在加速度三角形 P"M"B"中,由余弦定理:

$$a_{M} = \sqrt{a_{B}^{2} + a_{MB}^{2} - 2a_{B}a_{MB}\cos \angle P''B''M''}$$
(14)

式中:  $a_B$ 为 B 点的加速度, m/s<sup>2</sup>,  $a_{MB}$ 为以点 B 为基点, 点 M 绕点 B 转动的加速度, m/s<sup>2</sup>;  $a_{MC}$ 为以点 C 为基点, 点 M 绕点 C 转动的加速度, m/s<sup>2</sup>,  $a_M$  为点 M 的加速度, m/s<sup>2</sup>。

在加速度三角形 A"P"B" 中,根据余弦定理,有:

$$\angle A''P''B'' = \cos^{-1}\frac{a_A^{n^2} + a_B^{2} - a_{BA}^{2}}{2a_A^{n}a_B}$$
(15)

在加速度三角形 M"P"B" 中, 根据余弦定理, 有:

$$\angle M''P''B'' = \cos^{-1}\frac{a_M^2 + a_B^2 - a_{MB}^2}{2a_B a_M}$$
(16)

$$\angle M''P''A'' = \angle M''P''B'' - \angle A''P''B''$$
<sup>(17)</sup>

$$\angle C''P''H'' = \tan^{-1}\frac{\boldsymbol{a}_{C}^{t}}{\boldsymbol{a}_{C}^{n}}$$
(18)

在加速度三角形 B"P"C" 中, 根据余弦定理, 有:

$$\angle B''P''C'' = \cos^{-1}\frac{a_B^2 + a_C^2 - a_{BC}^2}{2a_B a_C}$$
(19)

$$\angle K''P''H'' = \pi - \angle M''P''B'' - \angle B''P''C'' - \angle C''P''H''$$
<sup>(20)</sup>

$$\angle K''P''C'' = \pi - \angle M''P''B'' - \angle B''P''C''$$
<sup>(21)</sup>

在加速度三角形 P"M"C" 中,根据余弦定理,有:

$$\angle P''M''C'' = \cos^{-1}\frac{a_M^2 + a_{MC}^2 - a_C^2}{2a_M a_{MC}}$$
(22)

$$\angle M''D''P'' = \pi - \angle P''M''C'' - \angle M''P''B''$$
<sup>(23)</sup>

在加速度三角形 D"P"M" 中, 根据正弦定理, 有:

$$\boldsymbol{a}_{MD} = \frac{\boldsymbol{a}_{M}}{\sin \angle M'' D'' P''} \sin \angle M'' P'' B''$$
(24)

$$\boldsymbol{a}_{D} = \frac{\boldsymbol{a}_{M}}{\sin \angle M''D''P''} \sin \angle P''M''D''$$
(25)

$$a_{F} = \frac{a_{M}^{2} - a_{D}^{2} - a_{D}^{2} + 2a_{MD}a_{D}\cos \angle M''D''P''}{2a_{MD}\cos \angle M''D''P'' + 2a_{M}\cos \angle M''P''B'' - 2a_{D}}$$
(26)

在加速度三角形 F"P"M" 中,根据余弦定理,有:

$$a_{MF} = \sqrt{a_{M}^{2} + a_{F}^{2} - 2a_{M}a_{F}\cos \angle M''P''B''}$$
(27)

式中:  $a_{MD}$  为以点 D 为基点,点 M 绕点 D 转动的加速度,m/s<sup>2</sup>;  $a_D$  为 D 点的加速度,m/s<sup>2</sup>;  $a_F$  为 F 点 的加速度,m/s<sup>2</sup>;  $a_{MF}$  为以点 F 为基点,点 M 绕点 F 转动的加速度,m/s<sup>2</sup>。

在加速度三角形 P"M"F" 中,根据余弦定理,有:

$$\angle P''M''G'' = \cos^{-1}\frac{a_M^2 + a_{MF}^2 - a_F^2}{2a_M a_{MF}}$$
(28)

$$\angle P''K''C'' = \frac{\pi}{2} - \angle P''M''G''$$
<sup>(29)</sup>

$$\angle P''C''K'' = \pi - \angle P''K''C'' - \angle K''P''C''$$
(30)

在加速度三角形 C"P"K" 中, 根据正弦定理, 有:

$$\boldsymbol{a}_{K} = \frac{\boldsymbol{a}_{C}}{\sin \angle P'' K'' C''} \sin \angle P'' C'' K''$$
(31)

DOI: 10.12677/jogt.2018.405105

在加速度三角形 H"P"K" 中,根据余弦定理,有:

$$a_{KH} = \sqrt{a_{K}^{2} + a_{C}^{n2} - 2a_{K}a_{C}^{n}\cos\angle K''P''H''}$$
(32)

式中:  $a_K$ 为K点的加速度, m/s<sup>2</sup>;  $a_{KH}$ 为以点H为基点, 点K绕点H转动的加速度, m/s<sup>2</sup>。

$$\angle P''H''K'' = \sin^{-1}\frac{\boldsymbol{a}_{K}\sin\angle K''P''H''}{\boldsymbol{a}_{KH}}$$
(33)

$$\angle P''K''H'' = \pi - \angle K''P''H'' - \angle P''H''K''$$
(34)

故:

$$\boldsymbol{a}_{KE} = \frac{\boldsymbol{a}_{C}^{n\,2} + \boldsymbol{a}_{KH}^{2} - \boldsymbol{a}_{K}^{2} - 2\boldsymbol{a}_{C}^{n}\boldsymbol{a}_{KH} \cos \angle P''H''K''}{2\boldsymbol{a}_{KH} - 2\boldsymbol{a}_{K} \cos \angle P''K''H'' - 2\boldsymbol{a}_{C}^{n} \cos \angle P''H''K''}$$
(35)

在加速度三角形 E"P"K"中,根据余弦定理及正弦,有:

$$a_{E} = \sqrt{a_{K}^{2} + a_{KE}^{2} - 2a_{K}a_{KE}\cos \angle P''K''H''}$$
(36)

式中:  $a_{KE}$ 以点 E 为基点, 点 K 绕点 E 转动的加速度, m/s<sup>2</sup>;  $a_E$  为点 E 的加速度, m/s<sup>2</sup>。

$$\angle K''P''E'' = \sin^{-1}\frac{a_{KE}\sin \angle P''K''H''}{a_E}$$
(37)

## 2.2. 受力分析

游梁平衡重的惯性载荷:

$$W_{\rm K} = W_1 \frac{a_M}{g} \tag{38}$$

悬点总载荷:

$$W' = W_2 \left( 1 + \frac{a_C^{t}}{g} \right) \tag{39}$$

取游梁支座为研究对象,列力平衡方程解得:

$$F_{\rm L} = \frac{1}{\sin\left(\beta - \beta_{\rm I}\right)} \left[ W' \cdot \frac{L_{\rm A}}{L_{\rm C}} + W_{\rm K} \cdot \sin\left(\delta + \angle K'' P'' E''\right) - W_{\rm I} \cos\delta \right]$$
(40)

式中:g为重力加速度,m/s<sup>2</sup>;W<sub>2</sub>为悬点静载荷,N;L<sub>A</sub>为游梁前臂长度,m。

在整个抽油机受力分析过程中,必须满足如下条件:

$$W_{\rm K}L_{\rm D}\sin\angle P''K''C'' + W_{\rm I}L_{\rm D}\sin\left(\delta + \beta_{\rm I} + \alpha_{\rm I} - \frac{\pi}{2}\right) = L_{\rm B}F_{\rm L}\sin\left(\pi - \beta\right) \tag{41}$$

式中: L<sub>D</sub>为副平衡臂长度, m; L<sub>B</sub>为副连杆长度, m。

$$T_{\rm W} = \frac{R\sin\alpha}{\sin\left(\beta - \beta_1\right)} \left[ W' \frac{L_{\rm A}}{L_{\rm C}} + W_{\rm K} \sin\left(\delta + \angle K'' P'' E''\right) - W_{\rm I} \cos\delta \right]$$
(42)

$$T_{\rm N} = T_{\rm W} - T_{\rm B}; \quad T_{\rm B} = M_{\rm B} \sin\left(\theta - \tau\right) \tag{43}$$

式中:  $T_W$ 为工作扭矩, N·m;  $T_B$ 为平衡扭矩, N·m;  $T_N$ 为净扭矩, N·m;  $\tau$ 为偏置角, ";  $M_B$ 为最大平衡 扭矩, N·m。

## 3. 计算实例及分析

以 CYJZ10-4.2-53HF 型抽油机为例,研究自适应抽油机的性能特点。抽油机机构尺寸如下:曲柄半径为1120 mm,连杆长度为3800 mm,游梁后臂长度为2550 mm,游梁前臂长度为4365 mm,减速器输出轴中心到支架轴承中心的水平距离为3400 mm,减速器输出轴中心到支架轴承中心的垂直距离为3615 mm,副连杆长度为855 mm。计算工况冲次数为6.0 min<sup>-1</sup>,泵径为44 mm,理论计算冲程为4.20 m。运用抽油机计算软件[7]可进行相应的计算,图4为悬点的加速度曲线图,图5为抽油机的工作扭矩、平衡扭矩和减速器输出轴扭矩图。



**Figure 4.** The curve of the acceleration of the suspension point varying with the angle of rotation of the crank 图 4. 抽油机悬点加速度随曲柄转角变化的曲线



Figure 5. The curve of torque changing with crank angle of pumping unit 图 5. 抽油机的扭矩随曲柄转角变化曲线

## 4. 结论

1) 载荷自适应五连杆抽油机具有运转平稳、能耗低、抗冲击能力强的特点,特别是当光杆失载的情况下具有明显的抗冲击性能。

2) 与相同工况的偏置型抽油机相比,节电 8.65%,减速器峰值扭矩降低 16.83%,连杆受力降低

44.94%。载荷自适应五连杆抽油机是一种比较有发展前途的节能型抽油机。

3) 研究的数值计算方法,对于其他同类型二自由度自适应抽油机的设计计算提供了技术支撑。

在设计过程中,由于该抽油机的冲程长度随着外载荷的变化而变化,在结构设计时应以最大载荷的 冲程长度来设计驴头的弧面结构,以防止出现弧面长度不足的情况;另外,在上下冲程换向时,由于载 荷的突然变化而造成游梁短时不运动,而副连杆出现"爬行"的现象,对此,应当引起设计者和使用者 的高度重视。

## 基金项目

新疆石油管理局重点攻关项目(YJS2017-C9001)。

## 参考文献

- [1] 周洪, 邹慧君. 混合输入型五杆机构的分析与设计[J]. 上海交通大学学报, 1999, 33(7): 865-869.
- [2] 周世才,杨玉虎,沈煜,等.平面铰链五杆机构的优化综合平衡[J].天津大学学报,2010,38(4):303-308.
- [3] 方益奇, 孙怀安, 夏爱宏. 平面五杆可控机构运动性能和误差的研究[J]. 机械设计, 2003, 20(10): 48-50.
- [4] 李庆扬, 王能超, 易大义. 数值分析[M]. 武汉: 华中科技大学出版社, 2006: 97-102.
- [5] 夏爱生,陈博文,胡宝安,等. 二阶三点数值微分公式的外推算法[J]. 天津理工大学学报,2005,21(6):37-39.
- [6] 王燕. 二阶导数的五点数值微分公式及外推算法[J]. 天津理工大学学报, 2009, 25(4): 37-39.
- [7] 郭登明, 艾薇, 杨菁, 等. 抽油机设计计算软件的开发[J]. 石油机械, 2003, 31(s1): 26-28.

[**编辑**] 帅群

**Hans**汉斯

#### 知网检索的两种方式:

- 打开知网页面 <u>http://kns.cnki.net/kns/brief/result.aspx?dbPrefix=WWJD</u>下拉列表框选择: [ISSN],输入期刊 ISSN: 2471-7185,即可查询
   打开知网首页 <u>http://cnki.net/</u>
- 左侧 "国际文献总库"进入,输入文章标题,即可查询

投稿请点击: <u>http://www.hanspub.org/Submission.aspx</u> 期刊邮箱: jogt@hanspub.org